## 平成19年度 博士論文

## ミュオンスピン回転緩和法による

電子ドープ型銅酸化物高温超伝導体 Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>の磁束格子状態の研究

> 総合研究大学院大学 高エネルギー加速器科学研究科 物質構造科学専攻

> > 20051302 佐藤 宏樹

## 論文要旨

電子ドープ(n)型銅酸化物高温超伝導体の発見以来,その超伝導発現機構がホールドー プ(p) 型銅酸化物と共通するものであるかという問題は, 銅酸化物高温超伝導体の分野で 最も注目されている話題のひとつであり,両者の超伝導をキャリアの符号の違いだけで 説明可能かどうかという"電子・ホール対称性"の有無がさかんに議論されている.銅酸化 物高温超伝導体の母物質は,銅イオンが3d9の電子配置(Cu2+)をもち,電子相関を考慮 しないバンド理論からは3dバンドが半分だけ電子(ホール)で占有された金属状態を取 ることが予想されるが,実際には電子間の強いクーロン相互作用により同一Cuサイトで の二重占有が禁止される結果,バンドが2つに分裂して絶縁体(Mott-Hubbard 絶縁体) となっていると考えられている.このような強い電子相関を前提にした超伝導理論のひ とつである t-J モデルでは,そこにドープされたホールが $Cu^{2+}$ イオンとスピン一重項を 形成するとともに、その電子状態が実効的に単一の Mott-Hubbard バンドに射影されて 電子と同様に記述されるため,超伝導機構(強い交換相互作用 Jによる Cooper 対形成) はキャリアの符号に依らないことが予想される.しかしながら,近年の試料作製技術や 測定技術の向上により n 型銅酸化物についても詳細な実験が行なわれるようになった結 果,中性子散乱実験で観測されているスピン揺らぎや角度分解光電子分光 (ARPES)測 定による超伝導秩序変数等において,両超伝導体の性質が異なるという報告がなされて いる.ただし,n型銅酸化物の多くはCuO2面間に希土類磁性元素が存在するため,ミュ オンのような磁気プローブを用いた実験ではその磁性元素の局在磁気モーメントにより CuO2 面からの情報が覆われてしまうことから CuO2 面からの純粋な情報を得ることが難 しく,そのために磁束格子状態を通じた超伝導の研究はp型超伝導体に比べ遅れをとっ ている状況にある.

 $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  (SLCO) は,超伝導転移温度  $T_c(\sim 42 \text{ K})$  がn型銅酸化物のなかで最も高く, $CuO_2$ 面間に磁性元素も持たないため磁束格子状態の研究に最適である.これまでにも SLCO については他のグループによるミュオンスピン回転緩和 ( $\mu$ SR) 実験が報告がされており,Shengelayaらの報告によるとx=0.10の試料で磁性の出現は無く,超伝導の磁場侵入長 $\lambda$ を見積もると,過去に報告されている銅酸化物超伝導体と比較して短い

磁場侵入長 ( $\lambda_{poly}=152(3)$  nm)をもつことが報告されている.一方,Kojimaらによる報告では超伝導が出現する同組成の試料において Cu 電子スピンによる磁性が出現し,その磁性相による緩和が $\lambda$ を見積もる際に影響を及ぼしている可能性を指摘している.このように,SLCOの磁性,磁束格子状態の理解に関しては大きな不確実さが残っており,本実験では二つのグループでなされなかった高横磁場 ( $\mu_0$ H < 6 T)や縦磁場での詳細な $\mu$ SR 測定によって,SLCOの磁気基底状態の解明と磁束格子状態の研究を行い,n型銅酸化物超伝導体における新たな知見を得ることを目的とした.

本研究のために新たに合成した SLCO(x=0.10, 0.125, 0.15) について µSR 測定を行なっ た結果,高横磁場μSR測定では常伝導状態で2種類,超伝導状態で3種類のピークが観 測された.1つは弱い核双極子磁場しか存在しない非磁性相のピーク,2つめはCu電 子スピンによる磁性相からのピークで,同相が室温付近から温度の低下とともに増大し, 50 K で試料の約半分の体積分率を示すまで発達する様子が観測された.零磁場時間スペ クトルにはこの磁性相からの信号が指数関数型の緩和として現れるが、長距離磁気秩序 を示す振動成分は観測されなかった.これらの結果から,SLCOでは常伝導状態におい て非磁性相と長距離磁気相関を持たない静的な Cu スピンによる磁性相とに微視的に相 分離していることが明らかになった.さらにT<sub>c</sub>以下で磁束格子の形成による第3のピー クが出現する. $T_{
m c}$  以下の  $\mu{
m SR}$  スペクトルの解析は常伝導状態での相分離の結果をふま え,磁束格子相,磁性相および常伝導非磁性相の3成分からなるモデルによる解析を試 みた.磁束格子相の磁場分布密度を近似するモデルには,Hを磁束格子内の磁場,rを |磁束中心からの距離として $H(r)=H_0\exp(-r/\lambda)$ で表される単一磁束の重ね合わせで近似| される London モデルに,磁束中心での発散がコヒーレンス長程度の半径内で抑えられ る状況を考慮するためのカットオフ項を付け加えたものを用いた.解析から見積もられ た磁場侵入長  $\lambda_{\text{poly}}$  は 104(8) nm (x=0.10), 105(3) nm (x=0.125), 119(8) nm (x=0.15) となり, Shengelaya らによって報告された値よりさらに短い結果が得られた.この結果 は,n型超伝導体であるSLCOがp型銅酸化物の不足~最適ドープ付近の試料において 経験的に知られている  $T_{
m c}$ と超伝導電子密度(磁束格子状態でのミュオンスピン緩和率 $\sigma$  $[\propto \lambda^{-2}]$ に比例)との間の比例関係から大きく外れる,ということを明確に示している. 磁場侵入長は $\lambda^{-2}=4\pi e^2 n_s/m^* c^2$  ( $n_s$ :超伝導電子密度, $m^*$ :有効電子質量)で表わされる ことから,n型銅酸化物超伝導体はp型超伝導体と $n_s/m^*$ が大きく異なると考えられる. 実際, SLCOの $n_s$ を見積もると,それがp型銅酸化物の $n_s$ に比べて一桁程度大きな値

を持ち,キャリア濃度もxより大きな値をとる結果が得られた (x=0.125 試料で $p \simeq 0.7$ ). これは,n型銅酸化物の ARPES 測定で示された x=0.1 程度の最適ドーピング試料にお けるキャリア濃度 p=1+xの大きな Fermi 面の形成や,Tの二乗に比例する電気抵抗率お よび NMR 測定で観測される Korriga 則といった通常金属的なふるまいとも一致し,こ れらの実験結果は $x \sim 0.1$ 付近のn型銅酸化物超伝導体がドープされた Mott 絶縁体とし てではなく Fermi 液体状態として理解されるべきであることを強く示唆している.

ー方,  $\mu$ SR 測定によって見積もった  $\lambda$ には磁場とともに増加する傾向がみられるが, この原因として磁束コアを周回する超伝導電流による準粒子の Doppler シフトに起因す る準粒子励起が考えられる.等方的なs波対称性のある超伝導ギャップをもつ物質であ ればこのときの準粒子のエネルギーの増加がそのギャップを越えない限り,上記の準粒 子励起は起こらず $\lambda$ も変化しないが,d波対称性のようにギャップに節がある場合,その 節近傍で Doppler シフトによって対破壊が起こる.過去に行なわれたバルク測定からは SLCO が等方的な超伝導ギャップを持つことが予想されているが,今回  $\mu$ SR 実験によっ て観測した $\lambda$ の磁場依存性は SLCO の超伝導ギャップが異方的であることを示唆する結 果となった.さらに磁場侵入長の磁場に対する傾き $\eta \epsilon \lambda(\eta) = \lambda(0)[1+\eta h] (h=H/H_{c2}) と$ して典型的なd波超伝導である YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6.95</sub> と比較すると SLCO の $\eta$ の方が小さい値を 示す. $\eta$ は Doppler シフトの影響を受ける Fermi 面の位相体積に比例する量であり,異方 性の度合いを表す無次元量である.SLCO の場合,単純なd波超伝導ギャップよりこの位 相体積が小さいことが予想され,これは近年n型銅酸化物 Pr<sub>0.89</sub>LaCe<sub>0.11</sub>CuO<sub>4</sub>の ARPES 実験によって報告された,節近傍でのギャップの傾きが大きな非単調d波対称性をもつ 超伝導ギャップの結果と一致する.

このように本論文ではミュオンスピン回転緩和法を用いた  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ の磁束格子 状態の研究を行い, n 型とp型銅酸化物の比較を行うことによって, 両者の超伝導のキャ リア濃度や超伝導秩序変数といった超伝導に関する本質的な特徴を明らかにするととも に, それらがp型銅酸化物と質的に異なることを示すことにより"電子・ホール対称性" を実験的に否定し, 銅酸化物超伝導の理論的理解の枠組みに一定の制限を加えることに 成功した.

# 目 次

論文要旨		i			
第1章	序論	1			
1.1	研究背景....................................				
1.2	研究目的....................................				
第2章	試料作製および評価				
2.1	試料作製	5			
	2.1.1 仮焼結体の作製	5			
	2.1.2 高温高圧合成	6			
2.2	試料評価	9			
	2.2.1 エックス線回折測定	9			
	2.2.2 带磁率測定	11			
第3章	ミュオンスピン回転緩和法 12				
3.1	ミュオンスピン回転緩和実験	12			
	3.1.1 ミュオンスピン回転緩和法の特徴	12			
	3.1.2 ミュオンの生成と崩壊	12			
	3.1.3 零磁場および縦磁場ミュオンスピン緩和法	13			
	3.1.4 横磁場ミュオンスピン回転緩和法	21			
	3.1.5 ミュオンスピン回転緩和法による磁束格子状態の観測	23			
第4章	実験結果	25			
4.1	零磁場 $\mu$ SR 測定結果	25			
4.2	縱磁場 $\mu$ SR 測定結果 $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$ $28$				
43	ミュオンサイトの決定	31			

4.4	橫磁場 $\mu SR$ 測定結果 (常伝導状態)	 34
4.5	横磁場 $\mu SR$ 測定結果 (磁束格子状態) $\dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots$	 47
第5章	議論	58
5.1	超伝導秩序変数	 58
5.2	植村プロットとの比較	 62
5.3	磁性相の出現とその体積分率の磁場依存性	 64
第6章	結論	67
参考文南		70
謝辞		75

## 第1章 序論

### 1.1 研究背景

1986年 Bednorz, Müller により 30K にもおよぶ超伝導転移温度  $T_c$ をもつ銅酸化物高温 超伝導体 La<sub>2-x</sub>Ba<sub>x</sub>CuO<sub>4</sub> が発見された [1].以来 2 次元の CuO<sub>2</sub> 面をもつ銅酸化物高温超伝 導体が次々に発見され,現在最も高い $T_c$ を持つ銅酸化物高温超伝導体は HgBa<sub>2</sub>Ca<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>y</sub> で 135 K である [2] (高圧下で  $T_c$ =164 K[3]).La<sub>2-x</sub>Ba<sub>x</sub>CuO<sub>4</sub> はホールドープ (p) 型銅酸 化物と呼ばれ 3 価の La を 2 価の Ba に置換していくことで CuO<sub>2</sub> 面の電荷は -2 価から -1 価の方向へずれ,この 2 価からのずれに対応する正電荷が正孔 (ホール)として振舞う. 一方,1989年に Tokura らによって発見された Nd<sub>2-x</sub>Ce<sub>x</sub>CuO<sub>4</sub> は p 型銅酸化物と異なり, 3 価の Nd を 4 価の Ce で置換することで CuO<sub>2</sub> 面に電子をドープすることで超伝導が出 現する [4].図 1.1 に p 型超伝導体である La<sub>2</sub>CuO<sub>4</sub> 系と,電子ドープ (n) 型超伝導体であ る Nd<sub>2</sub>CuO<sub>4</sub> 系の結晶構造を示す.両者の組成式は同じく  $Ln(\exists y 2 )$ イド):Cu:O=2:1:4 であるが結晶構造はわずかに異なる.p 型超伝導体の場合には CuO<sub>6</sub> 八面体を構成する 頂点酸素が n 型超伝導体では CuO<sub>2</sub> 面から離れて位置しており,Cu は O に対して四配 位となっている.

n型銅酸化物高温超伝導体の発見以来,その超伝導発現機構がp型銅酸化物と共通す るものであるかという問題は,銅酸化物高温超伝導の分野で最も注目されている話題の ひとつであり,両者の超伝導をキャリアの符号の違いだけで説明可能かどうかという" 電子・ホール対称性"の有無がさかんに議論されている.銅酸化物高温超伝導体の母物 質では $Cu^{2+}$ で $3d^9$ の電子配置をもち,電子相関を考慮しないバンド理論からは $3d_{x^2-y^2}$ 準位を電子(ホール)で半分だけ占有された金属状態を取ることが予想されるが,電子間 の強いクーロン相互作用により同一Cuサイトでの二重占有が禁止される結果,バンド が二つに分裂し Mott-Hubbard 絶縁体となっていると考えられる.このような強い電子 相関を前提にした超伝導理論のひとつであるt-Jモデルでは,そこにドープされたホー ルが $Cu^{2+}$ イオンとスピンー重項を形成するとともに,その電子状態が実効的に単一の Mott-Hubbard バンドに射影されて電子と同様に記述されるため,超伝導機構(強い交 換相互作用 J による Cooper 対形成)はキャリアの符号に依らないことが予想される[5].



図 1.1: 銅酸化物高温超伝導体の代表的な結晶構造.(a) 代表的な p 型銅酸化物である La<sub>2</sub>CuO<sub>4</sub>構造 (T相) では Cu は六配位となり CuO<sub>6</sub> 八面体を形成している.(b) 代表的な n 型銅酸化物である Nd<sub>2</sub>CuO<sub>4</sub>構造 (T'相) では, Cu は四配位となり頂点酸素を持たない CuO<sub>2</sub> 面を形成している.(c) n 型超伝導である Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> がとる無限層構造.CuO<sub>2</sub> 面間には O イオンを含まず, Sr(La) イオンだけが存在している.

図 1.2 に  $La_{2-x}Sr_{x}CuO_{4} \ge Nd_{2-x}Ce_{x}CuO_{4}$ の電子相図を示す. どちらの物質もキャリア をドープすることで反強磁性絶縁体 – 超伝導体 – 常伝導金属と変化し,過去に報告さ れているホール係数 (R<sub>H</sub>)測定では両者の物質では符号が異なるほぼ対称的なドープ量 依存性が観測されており、その $R_{\rm H}$ は低ドープ側では $R_{\rm H} \propto 1/x$ に従うが、高ドープ側で その関係から外れることから Mott-Hubbard バンド描像から Fermi 液体状態へのクロス オーバーが指摘されている[6].しかし反強磁性相関のふるまいが p型と n型銅酸化物で は大きく異なり, p型銅酸化物では反強磁性秩序が数%のキャリアドーピングによって 消失するのに対し,n型超伝導体では反強磁性相がx = 0.10以上のドーピングでも消滅 せず超伝導相と相図上で隣接している.また近年の n 型銅酸化物の試料作製技術の向上 や測定技術の発展により、興味深い実験結果が報告されている。中性子非弾性散乱実験 からは,多くの p 型銅酸化物で超伝導が出現するキャリア濃度範囲で格子非整合な反強 磁性揺らぎが観測されているのに対し、n型超伝導体ではそのような非整合ピークでは なく格子と整合な位置に磁気揺らぎが観測されている[7].また超伝導秩序変数(超伝導 「ギャップ)の異方性について,p型銅酸化物は以前から $d_{x^2-y^2}$ 波対称性をもつことが報告 されている一方で, n 型銅酸化物に関しては議論が続いている問題のひとつであるが最 近の Pr<sub>0.89</sub>LaCe<sub>0.11</sub>CuO<sub>4</sub> の角度分解型光電子分光 (ARPES) 測定からは p 型超伝導体で



図 1.2:  $La_{2-x}Sr_xCuO_4$  および  $Nd_{2-x}Ce_xCuO_4$  の電子相図 .  $T_N$ ,  $T_c$  はそれぞれネール温度と超伝導転移温度 .

観測されている単純な d 波とは異なる非単調な d 波超伝導ギャップをもつことが報告され注目を集めている [8].このように,近年の研究からは興味深い電子・ホール"非"対称性の結果が報告されている.

高温超伝導体を含めた第二種超伝導体が示す特徴的な性質のひとつとして,下部臨界磁場  $(H_{c1})$  から上部臨界磁場  $(H_{c2})$  の間の磁場領域で磁束量子が格子状に並んだ磁束格子状態となることが挙げられ,その状態の観測から磁場侵入長や磁束コア半径という基本的な超伝導の長さスケールを導き出すことができる.しかしながら n 型銅酸化物の磁束格子状態の研究は p 型銅酸化物のそれと比較し遅れをとっている状況にある.その原因として,n 型銅酸化物としてよく知られている T'構造の超伝導体  $RE_{2-x}Ce_xCuO_4$ には,CuO<sub>2</sub> 面間に希土類磁性元素 (RE=Nd,Pr,Sm 等)が存在するため,核磁気共鳴 (NMR) 測定やミュオンスピン緩和 ( $\mu$ SR) 測定等の磁気プロープを用いる研究では,希土類磁性元素気の持つランダムな局在スピンにより CuO<sub>2</sub> 面内の磁束格子による磁場分布の情報が隠されてしまうことが挙げられる [9].

そこで無限層構造をとり,約40 K という高い $T_c$ をもつn型銅酸化物高温超伝導体 Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> に着目する.この物質は銅酸化物高温超伝導体の中でも最も単純な結晶 構造 (図 1.1(c)) であり,2 価の Sr を 3 価の La で置換することで CuO<sub>2</sub> 面に電子ドーピ ングがなされる.この物質は積層する CuO<sub>2</sub> 面間に磁性元素を持たないため磁束格子状 態の研究を行なう際に, CuO<sub>2</sub> 面からの純粋な信号を観測することが期待される.これ までにも Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> に関してはいくつかの研究が行なわれている. Shengelaya らは  $\mu$ SR 法を用いて磁場侵入長の測定を行ない,他の銅酸化物と比較し短い磁場侵入長をも つことを報告している [10].一方,Kojima らによる x を系統的に変化させた  $\mu$ SR 測定 では超伝導が出現する x の範囲においても高温からスペクトルに磁性による緩和がみら れることを報告している [11]. $\mu$ SR 測定から磁場侵入長を見積もる際,もし試料内に何 らかの磁性が出現した場合,ミュオンはもちろんその磁性の影響を受けてスピン偏極を 失う.このとき磁束格子の形成による磁場分布が由来の緩和と磁性の寄与による緩和を 分離して磁場侵入長を見積もらなければいけないが,Shengelaya らの報告では磁性に関 する報告はされていない.また Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>が発見された初期の NMR 測定からの結 果からも超伝導になるような組成の試料では長距離磁気秩序が出現するという報告はな されていない [12].このように Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>の磁気基底状態と磁束格子状態について は異なる主張が報告されており,今もなお議論が続いている状態である.

### 1.2 研究目的

そこで未だ不明瞭な点の多い  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ の磁気基底状態の解明と超伝導の基本的 なパラメーターである磁場侵入長の正確な評価を目的とし実験を行ない,得られた結果 を p 型銅酸化物と比較することにより両者の超伝導に対する新たな知見を得ることを試 みる.また T'構造の n 型銅酸化物については近年 ARPES 測定によって非単調な d 波超 伝導体であることが報告されているが, $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ の超伝導ギャップの対称性につい ては未だ議論が続いており,比熱等のバルク測定の結果からは等方的な s 波超伝導ギャッ プを報告している文献が数多く見られる [13, 14].近年磁場侵入長の温度や磁場依存性 から超伝導ギャップの対称性に関する情報が得られることが分かってきており [15, 16], 我々は  $\mu$ SR 測定という微視的な観測手段を用いて  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ の超伝導ギャップの異 方性を調べる.

## 第2章 試料作製および評価

### 2.1 試料作製

SrCuO<sub>2</sub> は常圧では斜方晶が安定であり,超伝導体である正方晶を得るには数万気圧 の高圧下で合成する必要がある.そのため試料作製はまず常圧下で仮焼結した斜方晶試 料を作製し,その後高温高圧処理を行なうことによって正方晶試料へ変化させる.試料 作製は,東京大学大学院新領域創成科学研究科高木英典研究室の協力の下,同研究室に ある電気炉および六面体マルチアンビル型高温高圧発生装置を用いて行なった.

以下にその作製手順を示す.

#### **2.1.1** 仮焼結体の作製

仮焼結体は以下の二種類の方法(混合法,前駆体法)を用いて作製した.

混合法

原料である  $SrCO_3,La_2O_3,CuO$  (表 2.1) を電子天秤で所定の比 ( $Sr_{0.9}La_{0.1}CuO_2$ ) になる ように精密に秤量した.ただし  $La_2O_3$  は水分を吸収しやすいので秤量前に 1000 で 10 時間乾燥させたものを用いた.焼結プログラムは図 2.1 (A) を使用し,仮焼結を三回行 なった.仮焼結では試料をペレット型に成型し,各仮焼結ごとに粉砕,混合を行なった. エックス線回折測定から,この段階での試料は  $Sr_{0.9}La_{0.1}CuO_2$ の斜方晶であることが確 認された.

#### 前駆体法

 $Sr_{1-x}La_xCuO_2(x=0.125, 0.15)$ については前駆体法を用いた.この方法は $SrCuO_2$ と LaCuO<sub>2</sub> それぞれ作製する. $SrCuO_2$ の作製には $SrCO_3$ と $CuO_2$ を, LaCuO<sub>2</sub>の作製に は $La_2O_3$ と $Cu_2O$ をそれぞれで所定の比になるように精密に秤量した. $SrCuO_2$ の仮焼 結は図 2.1 (B)の焼結シークエンスを四回繰り返して行なった.混合法と同様に,焼結で は試料をペレット型に成型し,各仮焼結ごとに粉砕,混合を行なった.また,エックス 線回折測定からこの段階での試料はSrCuO<sub>2</sub>の斜方晶であることが確認された.LaCuO<sub>2</sub> は過剰の酸化を防ぐため,秤量・攪拌後ペレット型に形成し,それを図 2.1 (C)の図に あるようなアルミナ坩堝中の同試料の粉末に埋伏した状態で蓋を被せ Ar 雰囲気中で焼 結した.

表 2.1: 試料作製に用いた原料試薬.以下にある原料試薬を混合法,前駆体法それぞれの 目標とする試料の所定の比になるよう秤量して用いた.

原料試薬	純度(%)	会社
$SrCO_2$	99.99	レアメタリック
$La_2O_3$	99.99	レアメタリック
CuO	99.99	高純度化学
$\mathrm{Cu}_{2}\mathrm{O}$	99.9	レアメタリック

#### 2.1.2 高温高圧合成

前述の要領で作製した仮焼結体を Pt 製カプセルに詰め,図 2.2 にある高圧合成用セル にセットする.前駆体法で作製した試料は目的の組成 (*x*=0.125,0.15) になるように秤 量し,攪拌後 Pt 製カプセルに封入した.パイロフェライト製の高圧合成用セルの内側に はグラファイトヒーターや窒化ホウ素製絶縁層等があり中央に試料を封入した Pt 製カプ セルが位置する.セルの上下には電流を流すための電極が仕込まれており,このセルを 六面体マルチアンビル型高温高圧発生装置に取り付け高圧下でセル上下方向に電流を印 加することでグラファイトヒーターが発熱し,高温処理を行なう(図 2.3).合成シークエ ンスを図 2.1(D) に示す.合成は 300 ton (~6 GPa)の圧力下で行なった.1010 で付近 で試料は斜方晶から正方晶に構造変化するが,そのまま温度を下げても超伝導は出現し ない.多くの n 型銅酸化物と同様に Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> も還元雰囲気でのアニール処理が必 要である.Pt 製カプセルの上下の蓋部分は完全な密封状態にはなっておらず,1000 付近での合成後,500 程度で長時間保持することによりカプセル近傍のグラファイト 製ヒーターが燃焼することによりセル周辺部が還元雰囲気になっていると考えられる.



図 2.1: 焼結シークエンス. 混合法では (A) のシークエンスを三回繰り返して行なった. 前駆体法の SrCuO<sub>2</sub> の仮焼結には (B) のシークエンスを四回繰り返して行い, LaCuO<sub>2</sub> の作製は原料を攪拌後ペレット型に成型し図中に示してあるような坩堝中の同試料の粉 末に埋伏させた状態で (C) のシークエンスを Ar 雰囲気中で行なった. (D) は高温高圧合 成のシークエンスで, 6 GPa の圧力下で約 1000 での焼結を一時間行なった後, 500 でのアニール処理を 20 時間行なった.



図 2.2: 高圧合成用セル.パイロフェライト製のセル内にグラファイト製ヒーター,窒 化ホウ素 (BN) による絶縁層等をセットし,中央に混合法・前駆体法それぞれの方法で 作製した斜方晶試料を充填した白金製カプセルを封入する.



図 2.3: 六面体マルチアンビル型高温高圧発生装置.中央にセットしたセルに上下と水 平四方向の計六方向から等方的に加圧する.上下方向にあるアンビルを通して電流を流 すことでセル内にあるグラファイト製のヒーターが発熱する.

### 2.2 試料評価

試料評価はエックス線回折測定と帯磁率測定によって行なった.エックス線回折測定 では株式会社リガク製エックス線回折装置 (RINT)を用いて不純物相の有無,各組成の Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>の格子定数を評価した.帯磁率測定にはカンタム・デザイン社製 SQUID 磁束計 (MPMS)を使用した.試料は2mTの磁場中冷却後,昇温過程で測定し帯磁率の 温度依存性から T<sub>c</sub>を見積もった.

#### 2.2.1 エックス線回折測定

図 2.4 に Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>(x=0.10~0.15) のエックス線回折パターンを示す.30 ° $\leq 2 \theta \leq 40$  °付近に不純物ピークがみられるが,試料の大半が無限層構造をとる Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> であることが確認できる.一方,不純物はその回折位置から LaCuO<sub>2.5</sub> であると考えられ,そのピーク強度から試料内に数 % 存在すると予想される.

La 濃度 x を変化させた時の格子定数の変化を図 2.5 に示す.過去に Er らによる報告 にあるように,高ドープ側では a, c 軸どちらも格子定数の変化が直線関係から若干外れ ていく傾向にはあるが a, c 軸ともにほぼ系統的に変化している [17].c 軸の増加は Sr が イオン半径の大きな La に置換されたことによるものであり, a 軸の減少は CuO<sub>2</sub> 面内に キャリアとして電子が注入したことによるクーロンポテンシャルの変化によるものと考 えられる.



図 2.4: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>(x=0.10,0.125,0.15)のX線回折パターン、図中の\*印はLaCuO<sub>2.5</sub> と予想される不純物による回折ピーク.



図 2.5: (a) 格子定数 a(左軸), c(右軸) の La 濃度依存性.a 軸, c 軸のとり方は右図に示 す.塗りつぶしおよび白抜きシンボルはそれぞれ今回の実験結果と Er らによる結果 [17]. 両軸ともほぼ系統的な変化がみられるが, 文献 [17] 中, x=0.0 から x=0.10 に向けて引か れた直線から,高ドープ側試料では多少外れる傾向がみられ,仕込み組成と比較して若 干のキャリアドープ不足が考えられる.

#### 2.2.2 帯磁率測定

図 2.6(a) に Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>の帯磁率測定の結果を示す.測定は試料を 2 mT の磁場中 で冷却した後,昇温過程で行なった.作製した三試料はどれも約 42 K 以下で超伝導によ るマイスナー反磁性を示し,どの組成の試料も超伝導の転移幅は広い.図 2.6(b) に  $T_c$ の La 濃度依存性を示す.塗つぶしシンボルは反磁性の出始める温度で決定した  $T_c$  onset の,白抜きシンボルは $\partial \chi/\partial t$  ( $\chi$ は帯磁率)の最大値から決定した  $T_c$  bulk である. $T_c$  onset は濃度依存性が見られないのに対し, $T_c$  bulk は x=0.10 試料で最も高くなり La 濃度が 高くなるにつれて減少する.この傾向は,Kawashima による多結晶試料の結果 [18] や Karimoto らによる薄膜の結果 [19] にもみられており,Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>では  $x \sim 0.10$  が最 適キャリア濃度だと考えられる.反磁性磁化率から見積もられる超伝導体積分率に関し ては,x=0.10 試料が若干少なめではあるが同程度の体積分率の超伝導が出現しているこ とがわかる.



図 2.6: (a)Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>(x=0.10,0.125,0.15)の帯磁率測定. 試料を 20 mTの磁場中で 冷却した後,昇温過程で測定した.(b)帯磁率測定から見積もった超伝導転移温度 $T_c$ の キャリア濃度依存性.塗りつぶしおよび白抜きシンボルはそれぞれ反磁性が出現し始め る温度で決定した $T_c$  onset と $\partial \chi/\partial t$ が最大となる温度で決定した $T_c$  bulk.三角シンボルは 過去に Kawashima によって作製された試料の超伝導転移温度 [18].

## 第3章 ミュオンスピン回転緩和法

## 3.1 ミュオンスピン回転緩和実験

#### 3.1.1 ミュオンスピン回転緩和法の特徴

本研究の主な実験手段としてミュオンスピン回転緩和 (Muon Spin Rotation and Relaxation;  $\mu$ SR) 法を用いる.  $\mu$ SR 法の特徴としていくつか挙げると,まず始めにミュオンは実空間の局所的なプローブであることが挙げられる.スピン 1/2 の 100% スピン偏極したミュオンは試料内でスピン偏極を保持したまま電磁相互作用によりエネルギーを損失し,結晶の格子間隙位置に落ち着き,そこでの局所的な磁場を感じることから,磁性の微視的な研究手段として活躍している.巨視的なスケールの回折現象を観測する中性子散乱法とは異なるため好対照な情報を得ることができる.同じく局所的なプローブである NMR 測定とも,観測位置が原子核位置と,試料内の静電ポテンシャル等によって決まるミュオンサイトとで異なる情報を得ることができる.また, $\mu$ SR シグナルの信号強度比は各信号の原因となる内部磁場の体積分率を反映しているのも特徴的である. 方,10<sup>-5</sup> ~ 10<sup>-9</sup> s という観測時間をもつため中性子散乱法 (10<sup>-9</sup> ~ 10<sup>-12</sup> s) や NMR 法 (> 10<sup>-4</sup> s) の特徴的な時間領域を補完する形をとっている.さらに,ミュオンはスピン 偏極している状態で試料に打ち込むため外部磁場をかけない零磁場下での測定が可能であることや,単結晶が得られないような物質に対しても有益な情報を得ることが可能であること等が特徴として挙げられる.

#### 3.1.2 ミュオンの生成と崩壊

実験で用いるミュオンは,加速器を用いて発生させたパイオン( $\pi$ )の崩壊によって人 工的に生成する.今回の $\mu$ SR実験では $\mu^+$ を用いているので,以下に $\mu^+$ の生成・崩壊 過程を説明する.パイオンは加速器によって加速した陽子を標的(ベリリウムやグラファ イト)に衝突させることで発生させる.パイオンの寿命は26 nsと短くミュオンとニュー トリノに崩壊する(図 3.1).

$$\pi^+ \to \mu^+ + \nu_\mu \tag{3.1}$$

ニュートリノはスピン 1/2 の粒子でニュートリノと反ニュートリノのヘリシティはそれ ぞれ -1, 1 と決まっている.パイオン崩壊はニュートリノとミュオンの二体崩壊であり, ミュオンとニュートリノは正反対の方向に放出されるので,静止したスピン0の $\pi^+$ から は角運動量保存則より,進行方向と逆向きのスピン偏極を持った  $\mu^+$  が得られる.



図 3.1:静止系におけるパイオン ( $\pi^+$ )の崩壊 .  $P_{\mu}$ ,  $P_{\nu_{\mu}}$ はそれぞれミュオン ( $\mu^+$ ) とニュートリノ  $\nu_{\mu}$ の進行方向である .  $\pi^+$ は  $\mu^+$  と  $\nu_{\mu}$ に二体崩壊し ,進行方向 ( $P_{\mu}$ ) と逆向きのスピン偏極したミュオンが生成される .

静止したパイオンから放出されるミュオン (表面ミュオン) の運動量,運動エネルギー とその速度はそれぞれ  $P_{\mu}$ =27.79 MeV/c,  $E_{\mu}$ =4.12MeV,  $v_{\mu}$ =0.28c であり, このときの ミュオンの物質中の飛程は 100 mg/cm<sup>2</sup> 程度となる.物質中に打ち込まれたミュオンは スピン偏極を保持したまま,原子との間で電子交換の過程を繰り返しエネルギーを失っ てゆく.そうして運動エネルギーを失ったミュオンは静電ポテンシャルの低い格子間隙 位置に止まり,局所磁場を感じてラーモア歳差運動を行なう.その後ミュオンは 2.2  $\mu$ s の寿命で電子と二個のニュートリノに崩壊する (図 3.2(a)).

$$\mu^+ \to e^+ + \overline{\nu}_{\mu} + \nu_{\rm e} \tag{3.2}$$

このとき放出される陽電子はミュオンスピンの方向と相関をもった空間異方性をもって いる.放出される陽電子の角度分布 W(θ) は

$$W(\theta) = 1 + A(\epsilon)\cos(\theta) \tag{3.3}$$

$$A(\epsilon) = \frac{2\epsilon - 1}{3 - 2\epsilon} \tag{3.4}$$

で与えられ,放出される陽電子のエネルギー $\epsilon$ に依存する.今,全エネルギーの陽電子の角度分布を求めると $A(\epsilon)=1/3$ となり,放出される陽電子はミュオンスピン偏極方向に高い確率で陽電子が放出される(図 3.2(b)).

#### 3.1.3 零磁場および縦磁場ミュオンスピン緩和法

零磁場 (Zero Field; ZF) および縦磁場 (Longitudinal Field; LF)-µSR 測定では主に磁性 体内の内部磁場によるスピン緩和や長距離磁気秩序の有無,ミュオンのスピン・格子緩



図 3.2: (a) 正ミュオン ( $\mu^+$ )の崩壊 . 寿命 2.2  $\mu$ s で  $\mu^+$  は陽電子 ( $e^+$ ), ニュートリノ ( $\nu_\mu$ ), 反ニュートリノ ( $\overline{\nu}_\mu$ ) に崩壊する . (b) $\mu^+$ の崩壊で放出される全てのエネルギーの陽電子の角度分布 . ミュオンスピンと陽電子の放出する方向との間の角度を  $\theta$  とすると, 陽電子の角度分布 W( $\theta$ )=1+1/3 cos $\theta$  となり, 陽電子はミュオンスピン方向に高い確率で放出される .

和 (縦緩和)時間  $T_1$ 等を観測する.後述の横磁場測定におけるスピン・スピン緩和 (横緩和)時間  $T_2$ だけからでは,スピン緩和が静的な磁場分布か動的に揺らぐ磁場によるものか区別することが出来ないため,内部磁場のダイナミクスを調べるには,縦緩和のふるまいを調べるが必要となる.図 3.3 に  $ZF/LF-\mu SR$ 測定用装置の配置を示す.陽子加速器



図 3.3: ZF および LF-µSR 用装置配置.ビーム方向とは逆向きにスピン偏極したミュオンを試料に打ち込み,ミュオンが崩壊して放出する陽電子を前後にある二個のカウンターで検出する.縦磁場はミュオンスピン偏極方向と平行な方向へ印加する.

によって発生するミュオンはスピン偏極した状態で試料に打ち込まれそこで崩壊し,放出された陽電子数を試料の前後に位置するカウンターで検出する.ミュオンは試料内で止まった位置の局所磁場  $H_{\text{Local}}$  を感じて角速度 $\omega$ が $\omega = \gamma_{\mu}H_{\text{Local}}$ のラーモア歳差運動を行なう(図 3.4(a)).ここで $\gamma_{\mu}$ はミュオンの磁気回転比(= $2\pi \times 135.53$ MHz/T)である.時間変化するミュオンスピンの偏極度をP(t)とすると,図 3.4(a)でのz方向の偏極度



図 3.4: (a) 局所磁場  $H_{\text{Local}}$ のまわりを回転するミュオンスピンのラーモア歳差運動 . P(0) と P(t) はそれぞれ時刻 0 と t でのミュオンスピン偏極方向 . ミュオンスピンは  $\omega = \gamma_{\mu} H_{\text{Local}}$ の角速度で回転する . (b)z 方向のミュオンスピンの偏極度  $P_z(t)$ の時間変化 .  $\theta$  は左図の z 軸と  $H_{\text{Local}}$ との間の角度 .  $P_z$  は式 3.5 となり , 周期  $T = 2\pi/\omega$ の時間変化をする .

 $P_z(t)$  Lt,

$$P_z(t) = \cos^2\theta + \sin^2\theta \cos(\omega t + \phi) \tag{3.5}$$

となる. $\theta$ はz軸と $H_{local}$ との間の角度で, $\phi$ はt=0のときのミュオンスピンの位相である. $N_{\rm F}(t), N_{\rm B}(t)$ を前後それぞれのカウンターでの陽電子の検出数とすると,

$$N_{\rm F}(t) = N_{\rm F}(0) \exp(-\frac{t}{\tau_{\mu}}) [1 - AP(t)])$$
(3.6)

$$N_{\rm B}(t) = N_{\rm B}(0) \exp(-\frac{t}{\tau_{\mu}}) [1 + AP(t)])$$
(3.7)

となる. $\tau_{\mu}$ はミュオンの寿命で, A は放出される陽電子の空間異方性パラメーターである.ここで Asymmetry(非対称度)を

Asymmetry 
$$\equiv \frac{N_{\rm B} - \alpha N_{\rm F}}{N_{\rm B} + \alpha N_{\rm F}} = AP(t)$$
 (3.8)

と定義することで,測定からミュオンスピン偏極の時間変化を反映した  $P_z(t)$  を引き出す ことができる.  $\alpha$  は二つのカウンターの計数効率の補正計数である. A は検出する陽電子 のエネルギーや装置の形状によって決まるので実際の実験では  $A = A_0$  を初期 Asymmetry とする  $A_0P(t)$  を観測する.

物質内に静的な内部磁場がある場合,ミュオンスピンを $I = (I_x, I_y, I_z)$ ,物質中の内部 磁場 *B* の磁場分布を D(B) とすると *z* 方向のスピン偏極の時間変化は  $\overline{\langle I_z(t) \rangle}/I$  を D(B) について平均をとることで得られる.

$$P_z(t) = \frac{\overline{\langle I_z(t) \rangle}}{I} = \int \frac{\langle I_z(t) \rangle}{I} D(B) dB$$
(3.9)

等方的で大きさが一定の静的な内部磁場がある場合の ZF-µSR

多結晶での強磁性体や反強磁性体の ZF-µSR の場合は試料の内部磁場は一定であり, 結晶軸が任意の方向を向いているとすると

$$P_{z}(t) = \frac{\overline{\langle I_{z} \rangle}}{I} = \frac{1}{4\pi} \int_{0}^{2\pi} d\phi \int_{0}^{\pi} \sin\theta \ d\theta \frac{\langle I_{z} \rangle}{I}$$
$$= \frac{1}{4\pi} \int_{0}^{2\pi} d\phi \int_{0}^{\pi} \sin\theta \ d\theta (\cos^{2}\theta + \sin^{2}\theta \ \cos \ \omega t)$$
$$= \frac{1}{3} + \frac{2}{3} \cos \ \omega t$$
(3.10)

となり,内部磁場の方向が等方的なため,初期ミュオンスピン偏極方向と垂直で一定の 内部磁場で回転する 2/3の成分と,スピン偏極と平行で回転に寄与しない 1/3の成分の 二項の加算となる (図 3.5).



図 3.5: 等方的で大きさが一定の静的な内部磁場がある場合の ZF- $\mu$ SR 時間スペクトル. 周期  $T = 2\pi/\omega$  で回転するミュオンスピン偏極方向に垂直な 2/3 の成分と,平行で回転 に寄与しない 1/3 の成分で表される (式 3.10).

等方的でガウス分布する内部磁場がある場合の ZF-µSR

方向が等方的であり大きさがガウス分布している内部磁場 H<sup>i</sup>を考える.磁場分布は ガウス分布なので,

$$p(H_a^i) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma_{\rm H}}} \exp\left[\frac{-(H_a^i)^2}{2\sigma_{\rm H}^2}\right] \quad (a = x, y, z)$$
(3.11)

$$\sigma_{\rm H}^2 = \overline{(H_x^i)^2} + \overline{(H_y^i)^2} + \overline{(H_z^i)^2}$$
(3.12)

とあらわされ,緩和関数は,内部磁場について平均をとることによって求められる.

$$P_{z}(t) = \frac{\overline{\langle I_{z}(t) \rangle}}{I} = \int_{-\infty}^{\infty} dH_{x} \int_{-\infty}^{\infty} dH_{y} \int_{-\infty}^{\infty} dH_{z} p(H_{x}) p(H_{y}) p(H_{z}) \frac{\langle I_{z}(t) \rangle}{I}$$
$$= \left(\frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma_{\rm B}}}\right)^{3} \int_{0}^{\infty} H^{2} dH \int_{0}^{2\pi} d\phi \int_{0}^{\pi} \sin\theta \ d\theta (\cos^{2}\theta + \sin^{2}\theta \ \cos \ \gamma_{\mu} Ht) \exp\left(-\frac{H^{2}}{2\sigma_{\rm B}^{2}}\right)$$

となり,積分を計算すると,

$$G_z(t) = \frac{1}{3} + \frac{2}{3} [1 - (\gamma_\mu \sigma_{\rm B})^2 t^2] \exp\left[-\frac{1}{2} (\gamma_\mu \sigma_{\rm B})^2 t^2\right] \equiv G_{\rm KT}(t)$$
(3.13)

この緩和関数は久保・鳥谷部関数と呼ばれる (図 3.6)[20].スピン偏極度  $P_z(t)$  はいった ん零付近まで減少するが内部磁場の方向は等方的なため,時間の経過とともに 1/3 まで 回復する (式 3.13).



図 3.6: 等方的で大きさが一定の静的な内部磁場がある場合の緩和関数は久保・鳥谷部 関数と呼ばれる式 3.13 で表される. スピン偏極度 *P<sub>z</sub>(t)* は一度零付近まで減少し,その 後 1/3 という一定の値をとる.

#### 静的な内部磁場がある場合の LF- $\mu$ SR

次にミュオンスピンと平行な方向に磁場を印加した状況 (LF- $\mu$ SR) を考える.物質中の内部磁場  $H_{\text{Local}}$  が静的である場合,ミュオンスピンは図 3.7(a) に示すように,縦磁場 $H_{\text{LF}}$  と内部磁場  $H_{\text{Local}}$  の合成磁場  $H_{\text{LF}} + H_{\text{Local}}$  のまわりをラーモア回転する.縦磁場が内部磁場より十分大きいと合成磁場は初期ミュオンスピン方向と平行になるためスピン偏極は時間とともに失われずに保持される.このように静的な内部磁場によって運動し

ていたミュオンスピンが縦磁場の増加にともない縦磁場による運動へ変化していくこと をデカップリングといい,磁場の増大とともにスピン偏極度が回復する様子を観測する ことで物質中の内部磁場が静的か動的かを調べることができる.



図 3.7: (a) 縦磁場中のミュオンスピンのラーモア運動 . P(0) は初期ミュオンスピン偏極方向 ,  $H_{\rm LF}$  は P(0) と平行な縦磁場 .  $H_{\rm Local}$  は物質中の内部磁場で ,  $H_{\rm Local} + H_{\rm LF}$  は二つ の磁場の合成磁場 . (b) 等方的な内部磁場  $H_{\rm Local}$  がある場合の LF- $\mu$ SR . 縦軸は  $t = \infty$  で のスピン偏極度 , 横軸は  $H_{\rm LF}/H_{\rm Local}$  で , 曲線は式 3.15 で表されるミュオンスピン偏極 度.  $H_{\rm LF}$  が大きくなるにつれてミュオンが  $H_{\rm Local}$  からデカップルされ  $P_z(\infty)$  が回復する .

ミュオンが時刻 t=0 で z 方向を向いているときのミュオンスピンの z 成分は

$$\sigma_z(t) = \frac{\langle H_z^2 \rangle}{\langle H^2 \rangle} + \frac{\langle H_x^2 \rangle + \langle H_y^2 \rangle}{\langle H^2 \rangle} \cos(\gamma_\mu H t) = \cos^2\theta + \sin^2\theta \cos(\gamma_\mu H t)$$
(3.14)

で表される.今,内部磁場の大きさが幾らかの分布を持つためにミュオンスピンの回転が観測されない場合において、早い時間領域で Asymmetry が失われてる時には第二項は省略することができ,時刻  $t = \infty$ のミュオンスピンの z 成分  $\sigma_z(\infty)$  は第一項のみで表され,縦磁場下の場合には以下のように求められる.

$$\sigma_z(\infty) \approx \frac{H_{\rm LF}^2 + \langle H_z^2 \rangle}{H_{\rm LF}^2 + \langle H^2 \rangle} = \frac{H_{\rm LF}^2 + \langle H_z^2 \rangle}{H_{\rm LF}^2 + 3\langle H_z^2 \rangle} \tag{3.15}$$

ただし,

$$\langle H_x^2 \rangle = \langle H_y^2 \rangle = \langle H_z^2 \rangle = \frac{1}{3} \langle H^2 \rangle.$$
 (3.16)

式 3.15 を図 3.7(b) に示す.静的な内部磁場の場合,零磁場での  $P_z(\infty)$  は 1/3 である が縦磁場  $H_{\rm LF}$  が増大するにつれてミュオンスピンは物質中の局所磁場  $H_{\rm Local}$  からデカップルされ,  $P_z(\infty)$  が回復する.  $H_{\rm LF}$  と  $H_{\rm Local}$  の大きさが等しくなったとき  $P_z(\infty)$  は 0.5 となるので,そこから逆に内部磁場の大きさを見積もることができる.

典型的な久保・鳥谷部関数型の緩和スペクトルの例として図 3.8 に MnSi の *T*=285 K での ZF/LF-μSR スペクトルを示す [20].零磁場 (0 Oe) では *G<sub>z</sub>*(*t*) が 5 μs 付近で極小値 をとった後,徐々に回復し10 μs では約1/3 に近づくふるまいが観測されている.縦磁場10,30 Oe 中ではミュオンスピンが MnSiの核磁気モーメントによる静的な内部磁場からデカップルされる様子が観測されている.



図 3.8: MnSiの室温における ZF-µSR, LF-µSR[20]. 零磁場 (0 Oe) では式 3.13 にある 久保・鳥谷部関数型の緩和がみられる.さらに、縦磁場 (10, 30 Oe) によって MnSi 中の 核磁気モーメントによる静的な内部磁場からミュオンスピンがデカップリングしていく 様子が観測されている.

時間によって変動する内部磁場がある場合の ZF- $\mu SR$ 

動的に揺らぐ磁場がある場合の ZF- $\mu$ SR では, 揺らぎを「強い衝突模型」とよばれる 毎秒  $\nu$  回の割合で磁場が変化すると近似して,静的な磁場の緩和関数  $G_z^{\text{stat}}(t)$  を用いて 内部磁場が揺らいでいる緩和関数  $G_z(t,\nu)$  を計算する.時刻 t までに磁場変化を n 回感 じたミュオンスピンの緩和関数を  $g_n(t)$  とすると全体のミュオンスピン緩和関数はそれら の和として与えられる.

$$G_z(t,\nu) = \sum g_n(t) \tag{3.17}$$

時刻tまで磁場変化を感じないミュオンの割合は $\cos(-\nu t)$ であり,

$$g_0(t) = \exp(-\nu t)G_z^{\text{stat}}(t) \tag{3.18}$$

となる. $g_1(t)$ は時刻 $\tau(< t)$ まで磁場変化を感じず,時刻 $\tau$ から $\tau + d\tau$ の間に磁場変化が一回感じる場合のものであり時刻 $\tau$ から $\tau + d\tau$ の間に磁場変化を感じる確率は $\nu d\tau$ で

あるから,

$$g_{1}(t) = \int_{0}^{t} g_{0}(\tau)g_{0}(t-\tau)\nu d\tau$$
  
=  $\int_{0}^{\infty} \exp(-\nu t)G_{z}^{\text{stat}}(\tau)G_{z}^{\text{stat}}(t-\tau)\nu d\tau$  (3.19)

となる.同様に  $g_2(t)$ は,時刻  $\tau$ まで磁場変化を感じず,時刻  $\tau$ から  $\tau$ から  $\tau + \delta$ の間に磁場変化があり,その後  $t - \tau$ の間に磁場変化を一回感じるスピン緩和を考えると

$$g_2(t) = \int_0^t g_0(\tau) g_1(t-\tau) \nu d\tau$$
(3.20)

となり,高次の項を順次求めることができる.これらを式 3.17 に代入し  $G_z(t,\nu)$  を求めるが,これらの和をとると

$$G_z(t,\nu) = g_0(t) + \int_0^t g_0(\tau) G_z(t-\tau,\nu)\nu d\tau, \quad g_0(t) = \exp(-\nu t) G_z^{\text{stat}}(t)$$
(3.21)

これをラプラス変換すると

$$F_{z}(s,\nu) = f_{z} + \nu f_{z}(s)F_{z}(s,\nu)$$
(3.22)

となる.ここで  $f_z(s), F_z(s, \nu)$  は, $g_0(t), G_z(t, \nu)$  のラプラス変換である.

$$f_z(s) \equiv \int_0^\infty \exp(-st)g_0(t)dt$$
$$= \int_0^\infty \exp[-(s+\nu)t]G_z^{\text{stat}}(t)dt = F_z^{\text{stat}}(s+\nu)$$
(3.23)

となり,磁場が揺らいでいる場合の緩和関数  $G_z(t,\nu)$ のラプラス変換  $F_z(s,\nu)$ は,次式のように静的な磁場下の緩和関数  $G_z^{\text{stat}}(t)$ のラプラス変換  $F_z^{\text{stat}}(s)$ を用いて求められる.

$$F_z(s,\nu) = \frac{F_z^{\text{stat}}(s+\nu)}{1-\nu F_z^{\text{stat}}(s+\nu)}$$
(3.24)

これを逆ラプラス変換すれば,揺らぎをともなう緩和関数 $G_z(t,\nu)$ が得られる.

動的でガウス分布する内部磁場がある場合の ZF- $\mu SR$ 

例として  $G_z^{\text{stat}}(t)$  を久保・鳥谷部関数  $G_z^{\text{KT}}(t)$  の場合,  $F_z^{\text{stat}}(s)$  は

$$F_z^{\text{stat}}(s) = \frac{1}{3s} + \frac{2s}{3(\gamma_\mu \sigma_B)^2} \left[ 1 - s \int_0^\infty \exp\left(-\frac{1}{2}(\gamma_\mu \sigma_B)^2 t^2 - st\right) dt \right]$$
(3.25)

これを式 3.24 に代入し,  $F_z(s,\nu)$ を求めて数値計算で逆ラプラス変換すれば  $G_z(t,\nu)$  が求められる.図 3.9 に動的な久保・鳥谷部関数  $G_z^{\text{DKT}}(t)$ の $\nu$ 依存性をを示す [20]. $\nu$ が増加することで静的な久保・鳥谷部関数型の緩和から指数関数型の緩和へと変化する.



図 3.9: 時間的に変動する磁場があるときの零磁場緩和関数  $G_z(\nu,t)$ .元となる静磁場  $G_z^{\text{stat}}(t)$ をガウス分布する場合の  $G_z^{\text{KT}}(\sigma_{\text{B}},t)$ としたので図中の緩和関数は動的な久保・鳥 谷部関数  $G_z^{\text{DKT}}(\sigma_{\text{B}},\nu,t)$ となる.縦軸は  $G_z(\sigma_{\text{B}},\nu,t)$ ,横軸 t (単位は  $(\gamma_{\mu}\sigma_{\text{B}})^{-1}$ ).磁場の 変動間隔が短くなり  $\nu$  が増加することで静的な久保・鳥谷部関数型の緩和  $(\gamma_{\mu}\sigma_{\text{B}}/\nu=\infty)$ から指数関数型の緩和  $(\gamma_{\mu}\sigma_{\text{B}}/\nu=0.05)$ へと徐々に変化する [20].

#### 3.1.4 横磁場ミュオンスピン回転緩和法

ミュオンの初期スピン偏極方向と垂直な方向に外部磁場を印加した状態での µSR 測定 を横磁場 (Transverse field; TF)-µSR 測定と呼ぶ.TF-µSR 測定では主に印加した横磁場 と,物質中である分布を持つ内部磁場との歳差運動の位相の差異によって生じるスピン・ スピン緩和 (横緩和)時間 T<sub>2</sub>を測定し磁性体の磁場分布や超伝導の磁束格子状態を観測 する.

弱磁場での TF-µSR 測定は図 3.3 の配置で磁場をミュオンの初期スピン偏極方向と垂 直にかけることで測定可能である.しかし高磁場での TF-µSR 測定では,零磁場と同様 の装置配置でミュオンビームと垂直に磁場を掛けるとミュオンは荷電粒子のためにビー ム軌道が曲げられてしまい,ミュオンを収束させることが難しく試料にうまく止めるこ とができない.この問題点を解決するために図 3.10 のような実験装置の配置が必要とな る.進行方向と逆向きにスピン偏極しているミュオンをスピンローテーター内の磁場に よってスピンを 90 度回転させ静電場によってミュオンの軌道をビーム方向に保つことで 進行方向と垂直な向きにスピン偏極したミュオンが得ることができる.この場合の横磁 場はミュオンビームと平行な方向で良いため高磁場を印加することが可能となる.さら に外部磁場による陽電子の軌道歪みの影響をできる限り減らすため,陽電子を検出する



図 3.10: TF-µSR 用セッティング (スピンローテート・モード). ミュオンのスピン偏極 方向をスピンローテーターによって, ビーム方向と垂直な方向に回転させた状態で試料 に打ち込む.これによりミュオンスピン偏極方向と垂直な方向へ高い横磁場を印加する ことが可能となる.陽電子は上下左右にある四個のカウンターで検出する.

ためのカウンターを試料付近まで近づけることも必要となる.また高横磁場での  $\mu$ SR 測定では高い周波数で回転するミュオン歳差運動を検出しなければならない.そのためサイクロトロン陽子加速器で作られる高時間分解能での測定が可能な直流ミュオンビームを用いる必要がある.直流ミュオンビームの場合,シンクロトロン加速器によって作られた数十 ns のパルス幅で一度に大量にミュオンが飛んでくるパルスビームとは異なり,1つ1つのミュオン崩壊のイベントを識別することができる.図 3.10 にある M-カウンターを通ったミュオンが試料に止まり崩壊して陽電子を放出し四方のカウンターで検出する.この1つのミュオンイベントが正しく終了する間に飛んでくる別のミュオンのイベント等を排除することで,時間分解能の高い測定が可能である.一方,パルスビームの場合には一度に飛んでくるミュオンのそれぞれのイベントを区別することができないため,時間分解能は数十 ns というパルス幅によって決定されてしまう.ミュオン偏極はLとR,UとDのそれぞれの組み合わせで $P_x(t)$ ,  $P_y(t)$ を観測し,この二成分からミュオンスピン偏極の時間スペクトル $\hat{P}(t)$ を $\hat{P}(t) = P_x(t) + iP_y(t)$ と定義し,磁場密度分布関数をn(B)とすると

$$\hat{P}(t) = P_x(t) + iP_y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} n(B) \exp[-i(\gamma_\mu B t + \theta)] dB$$
 (3.26)

したがって  $\hat{P}(t)$  を高速フーリエ変換することで得られる周波数スペクトルの実部が内部 磁場の磁場密度分布 n(B) に対応することが分かる.

$$n(B) = \Re \int_{-\infty}^{\infty} \hat{P}(t) \exp[-i(\gamma_{\mu}Bt + \theta)]dt \qquad (3.27)$$

#### 3.1.5 ミュオンスピン回転緩和法による磁束格子状態の観測

第二種超伝導体の混合状態  $(H_{c1} < H < H_{c2})$  では磁束格子 (数百 nm) 中でミュオンは 数 Å 間隔でランダムに  $B(\mathbf{r})$ をサンプリングするため混合状態での磁場分布を測定する ことが可能である.図 3.11(a) に常伝導状態および磁束格子状態の内部磁場密度分布を 模式的に示す.常伝導状態では試料内に一定の外部磁場  $H_{ext}$  が侵入するため磁場分布は 一定であり,このときの周波数スペクトルには  $\omega = \gamma_{\mu}(B - \mu_0 H_{ext}) = 0$ の位置に鋭いピー クとして観測される (図 3.11(b)).一方,磁束格子状態では磁束の中心で最も磁場が大き く,磁束中心から最も離れた位置で磁場が最も小さくなる.



図 3.11: (a) 常伝導状態および磁束格子 (FLL) 状態での磁場分布.(b) 常伝導状態および 磁束格子状態の周波数スペクトル, modified-London モデルの c,v,s はそれぞれ右上の磁 束中心である最大点,3つの磁束の中心である最低点, van Hove 特異点である鞍点を示 している.

磁束状態の磁場分布を再現するうえで最も単純なモデルは、磁束の中心から $B(x) = B_0 \exp(-x/\lambda)$ という指数関数型に減少する近似で表される単一磁束に付随する磁場分布の線形な重ね合わせであるとするLondon モデルであり、近接する磁束同士の相互作用が弱い低磁場領域 ( $H_{\text{ext}}/H_{c2} < 0.25$ )で良い近似となる [21]. あとは中性子小角散乱 (SANS) 実験や走査型トンネル顕微鏡 (STM) 測定から磁束格子の形がわかれば磁場分布を計算することができる.このときの磁場の空間分布は

$$B(\mathbf{r}) = B_0 \sum \frac{e^{-iK \cdot \mathbf{r}}}{1 + K^2 \lambda^2} F(K, \xi_v)$$
(3.28)

で与えられ, K は磁束格子の逆格子ベクトル,  $B_0 (\simeq \mu_0 H_{\text{ext}})$  は平均内部磁場,  $\lambda \equiv \lambda(T, H)$  は温度や磁場に依存する実効的な磁場侵入長である.  $F(K, \xi_v) = \exp(-K^2 \xi_v^2/2)$ は非局所補正の項であり,  $\xi_v$  は磁場分布のカットオフ長である. London モデルによる

と磁場は磁束中心に向かって発散してしまうが,実際には磁束コア付近では超伝導秩序 変数の減少にともなって超伝導電流が磁束中心に向かって減少し,磁場は有限の大きさ となる.そのためLondon モデルを用いる際には磁束中心付近のカットオフ項が必要と なる.下部臨界磁場付近ではローレンツ型  $[F(K, \xi_v) = \exp(-\sqrt{2}K\xi_v)]$ でが良い近似とな ることが GL 理論から予想されている [22].しかし今回は測定磁場範囲が広いためその 範囲のデータを良く再現可能なガウス分布型カットオフ項を非局所補正項に用いた [23].

図 3.11(b) に modified-London モデルとガウス分布近似モデルの周波数スペクトルを 示す.初期の µSR 測定で多く用いられているガウス分布近似モデルが対称的な形である のに対し, modified-London モデルは非対称なスペクトルになる.µSR 測定で得られる データが必ずしも非対称なスペクトルであるとは限らず,いくつかの原因(多結晶試料, 試料の質,磁場侵入長の長さ等)によりガウス分布で近似される磁場分布が観測される 場合もある.ここで注意すべきは,磁場侵入長が比較的長い場合(>300 nm),その磁場 分布の線幅は狭くなりガウス近似が良い近似となりえるが,逆に磁場侵入長が短い場合 にはガウス近似ではうまく再現できない可能性が高い.

図 3.11(b) にあるような磁束格子状態の磁場分布を示す周波数スペクトルは $\mu$ SR 時間 スペクトルと比較して視覚的に内部磁場分布の様子を理解しやすいという利点がある一 方で,ミュオンは2.2 $\mu$ sの寿命で指数関数的に崩壊するので,早い時間領域と比べると 遅い時間領域での陽電子の検出数が減少するために誤差が大きくなるため時間に依存し た統計誤差を含んでいる.しかし高速フーリエ変換(FFT)では元の時間スペクトルが持 つ誤差の伝幡が評価出来ないため変換したスペクトルを解析に用いることが出来ない. また時間スペクトルから変換する際に有限の時間範囲を用いることによって本質ではな いサテライトピークが出現してくるという"ringing"効果が起こる.この効果を抑え,ス ムーズなFFT スペクトルを得るため apodization 処理 [24] を行なうが,この処理を行な うことで付加的な線幅の増加も発生し,FFT スペクトルを直接解析してしまうと,この 余計な線幅の増加を含んだ結果が得られてしまう.これを避けるため,実際の解析は磁 場の空間分布モデルから計算された密度分布n(B)を逆フーリエ変換することによって 代表している.

## 第4章 実験結果

### 4.1 零磁場 $\mu$ SR 測定結果

 $\mu$ SR 実験は直流ミュオンビームを用いるためカナダ・バンクーバーにある TRIUMF 国 立研究所の M15 beamline で行ない,零磁場・縦磁場測定では LAMPF と呼ばれるスペク トロメーターを使用した.この装置では試料を薄いテープ等で枠型のサンプルホルダー に固定するため,測定試料以外に止まったミュオンからのバックグラウンドの混入が非 常に少ない(図 4.1).図 4.2 に x=0.125 試料の ZF- $\mu$ SR スペクトルを示す.測定は室温付



図 4.1: LAMPF スペクトロメーターの ZF/LF-µSR 測定用サンプルホルダー.サンプ ルロッドの先端に薄いテープで試料を固定するので試料以外に止まるミュオンが少なく バックグラウンドの少ないデータを得ることが可能である.

近から 2 K までの間で行なった.室温から温度を下げていくに従い,時刻  $0 \le t \le 0.2 \mu s$ 付近での早い緩和による Asymmetry の減少がみられる.最低温 2 K においてもスペク トルに振動成分が観測されないことからこの温度で長距離磁気秩序が存在していないこ とがわかる.しかしながら時刻  $0 \le t \le 0.2 \mu s$  付近での早い緩和は,原子核磁気モーメン トしか観測されない非磁性相とは異なり,電子スピン磁気モーメントの存在する磁気的 な相の発達を示唆している.これらのスペクトルの解析には以下の緩和関数を用いた.

$$A_0 P_{\rm ZF}(t) = f_{\rm NM} G_z^{\rm DKT}(\sigma_{\rm ZF}, \nu_{\rm hop}, t) + f_{\rm M} \Big[ \frac{1}{3} + \frac{2}{3} \exp(-\lambda_{\rm M} t) G_z^{\rm DKT}(\sigma_{\rm ZF}, \nu_{\rm hop}, t) \Big]$$
(4.1)

 $G_z^{\text{DKT}}(\sigma_{\text{ZF}}, \nu_{\text{hop}}, t)$ は動的な久保・鳥谷部関数で核双極子磁場による緩和関数 (図 3.9) であり,  $\sigma_{\text{ZF}}, \nu_{\text{hop}}$ はそれぞれ零磁場での核双極子磁場のスピン緩和率とミュオンのホッピング率である.また  $\exp(-\lambda_{\text{M}}t)$ は電子スピンによる緩和を表し $\lambda_{\text{M}}$ はその緩和率である.後述の縦磁場実験の結果から磁性成分がミュオンの観測時間領域で静的であることがわ



図 4.2: 各温度での ZF- $\mu$ SR スペクトル.最低温 2 K まで長距離磁気秩序を示す振動成 分は現れないが,温度の低下とともに時刻  $0 \le t \le 0.2$  付近に早い緩和がみられる.曲線 は式 4.1 を用いた解析曲線.

かり,測定試料は多結晶であることから磁性成分の1/3成分はミュオンスピンと平行な 方向のため緩和に寄与しない. $f_{NM}$ , $f_{M}$ はそれぞれ非磁性相と磁性相の体積分率に比例 した量であり,それぞれの体積分率は $f_i/(f_{NM}+f_M)$  (*i*=NM,M) として見積もった.  $\mu$ SR 実験では時刻 t=0 から時間間隔 δt ごとでの陽電子数をカウントしている . 得られたスペ クトルは時刻 0< t <0.2 付近の緩和が非常に早いため, 解析ではプロットしたデータ点 のもつ時間幅 (*δt* 幾つ分をまとめて一点とするか)と,その時間領域が異なる二種類の時 間スペクトル (時間領域  $1: 0 \le t \le 0.5 \ \mu s$ , 時間領域  $2: 0.5 \le t \le 6.0 \ \mu s$ ) を上記の関数 を用いて解析した.二つの時間領域を同時に表示させた解析結果を図 4.2 に示し,その 解析から得た各パラメーターを図 4.3 に示す.ここで  $\sigma_{\rm ZF}$ は 2, 50, 100, 175, 289 K での データを同時フィットすることによって  $\gamma_{\mu}\sigma_{\rm ZF}=0.223(1)\ \mu s^{-1}$ と決定した. 緩和率の温度 依存性をみると温度の低下に従い非常に大きな値をとることがわかる.図 4.3(b)の体積 分率をみると緩和率の大きな成分が低温に向かうにつれ増加し低温では試料の約半分を 占めている.磁性相の正体としてエックス線回折実験で観測された不純物相の可能性が 挙げられるが,ZF-μSR 測定からは磁性相が試料の半分程度まで発達してくること,不 |純物として考えられるLaCuO<sub>2.5</sub>の示す125 K での鋭い長距離磁気秩序転移[25]が観測| されないことから、この磁性相は不純物相によるものでなく、 $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ 中のCu3d電子による磁性であると考えられ、この結果は $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ が常伝導状態ですでにCu電子スピンによる磁性領域と非磁性領域とに相分離していることを示している.



図 4.3: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>(x=0.125)の各パラメーターの温度依存性.(a) 非磁性成分 ( $f_{NM}$ )と磁性成分 ( $2/3f_M$  と  $1/3f_M$ )の振幅.(b)各成分の体積分率.磁性相は低温で試料の約半分を占めるまで発達する.(c)磁性成分の緩和率 $\lambda_M$  は低温に向かい増加する傾向を示す.(d) ミュオンのホッピング率.高温から 150 K までは増加傾向がみられるが,その後低温で減少し 0.5 $\mu$ s<sup>-1</sup> 付近に収束.(e) カイ 2 乗を系の自由度で割った値.

### 4.2 縦磁場 $\mu$ SR 測定結果

図 4.4 に  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  (x=0.125) 試料の 50 K での縦磁場中での  $\mu$ SR スペクトルを示 す.第二種超伝導体は  $T_c$  以下で磁束格子を形成するため常伝導状態である 50 K でスピ ンのダイナミクスを調べた.LF- $\mu$ SR スペクトルから二種類のデカップリングの存在が 観測された.一つは1 mT 程度の弱磁場でデカップリングしてしまう弱い内部磁場をも つ領域で,もう一つは10 ~ 10<sup>2</sup> mT の磁場で徐々にデカップリングする領域である.デ カップルする磁場の大きさから前者は原子核磁気モーメント,後者は Cu 電子磁気モー メントと考えられる.



図 4.4:  $Sr_{1-x}La_xCuO_2(x=0.125)$ の 50 K での LF- $\mu$ SR スペクトル.静的な内部磁場が縦磁場によってデカップルされていく様子.

図 4.5 に ZF- $\mu$ SR 測定から見積もられた核双極子磁場による久保・鳥谷部関数 ( $\gamma_{\mu}\sigma_{ZF} = 0.22 \ \mu s^{-1}$ ,  $\nu_{hop} = 0.50 \ \mu s^{-1}$ )の縦磁場依存性の計算結果を示す.これをみると縦磁場が5 mT 程度では十分デカップリングされ  $P_z(t)$ が回復しきることから,その磁場以上では,Cu電子スピンのデカップリングによる  $P_z(t)$ の回復が起こっていると考えられる. 図 4.6 に時刻  $t=8 \ \mu s$  での Asymmetry [= $A(0)P_z(t)$ ]を示す.1 $\leq B_{LF} \leq 5 \ m$ T では核スピンと Cu電子スピン,両者のデカップリングが観測されているが,上記の核双極子磁場による緩和の縦磁場依存性の計算結果から5 mT 以上の磁場では核スピンに由来する緩和は消失しているため,純粋に Cu電子スピンのデカップリングと考えられる.従って, $B_{LF} \geq 5 \ m$ T 以上のデータを式 3.15を用いて解析行なうと,Cu電子スピンによる内部磁


図 4.5:  $\gamma_{\mu}\sigma_{\rm ZF}=0.22 \ \mu s^{-1}$ ,  $\nu_{\rm hop}=0.50 \ \mu s^{-1}$ のときの久保・鳥谷部関数の縦磁場依存性. 5 mTの縦磁場でスピン偏極がほぼ回復する.

場の平均の大きさは $\mu_0 H_{\text{Local}}$ =39(3) mT と見積もることができる.反強磁性体である母結晶の $\mu$ SR 測定での内部磁場の大きさと中性子散乱実験でのCu 磁気モーメントの大きさが報告されているので [26, 27],それらの値と比較するとSr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>(x=0.125) でのCu 有効磁気モーメントは 0.15(1)  $\mu_{\text{B}}$  程度と予想される.内部磁場の大きさからミュオンスピン緩和率  $\Lambda$  を計算してみると  $\Lambda = \sqrt{\gamma_{\mu}^2 \langle H^2 \rangle}$  から  $\Lambda \simeq$ 33 MHz となり零磁場測定での磁性相の緩和率  $\lambda_{\text{M}} \simeq$ 20 ~25 MHz (図 4.3(c)) に近い値をとり,零磁場で観測された早い緩和の正体を説明することができる.

零磁場・縦磁場測定の結果から  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  (x=0.125)が図 4.7 に示すような室温付近から低温で長距離相関を持たない Cu 電子スピンによる磁性領域と核双極子磁場しか存在しない非磁性領域とに相分離していることがあきらかになった.



図 4.6: 時刻  $t=8 \ \mu s$  での Asymmetry  $[=A(0)P_z(t)]$ . 破線は  $\mu_0 H_{\text{LF}}=5 \text{ mT}$  でそれより高磁場側では Cu 電子スピンのみのデカップリングと考えられる. Cu 電子スピンによるデカップリングは式 3.15 の関数を用いて解析し,その結果から平均の内部磁場の大きさ  $\mu_0 H_{\text{Local}}=39(3) \text{ mT}$  と見積もることができる.



図 4.7: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>の常伝導状態での CuO<sub>2</sub> 面の模式図.長距離相関を持たない Cu 電子スピンによる磁性領域と核双極子磁場しか存在しない非磁性領域とに相分離してい る様子.

### 4.3 ミュオンサイトの決定

表面ミュオンを用いた  $\mu$ SR 実験の場合には,4.2 MeV の運動エネルギーをもったミュオンが試料中に打ち込まれる.打ち込まれたミュオンは物質中で運動エネルギーを失い,最終的に試料中で熱平衡にある安定な状態に落ち着く.正ミュオン ( $\mu^+$ ) は正の電荷を帯びているので,電気陰性度の高いイオンに引き寄せられる傾向がある.試料が酸化物の場合にはミュオンは酸素イオンの近くに止まることが多く,過去の文献によるとそのO- $\mu$  ボンド間の距離は約1 Å と計算されている [28, 29].ミュオンと距離  $r_i$  離れた場所にある磁気モーメント  $\mu_i$  がミュオンの位置に作る双極子磁場は,

$$H_i^{\rm dip} = \frac{1}{r_i^3} \left( 3 \frac{(\mu_i \cdot r_i)r_i}{r_i^2} - \mu_i \right)$$
(4.2)

で与えられる.原子核が電気四重極モーメントをもつ時は,原子核位置に電場勾配が存在し,原子核は高速回転するので磁気双極子は電場勾配方向の成分のみを考えればよい. ZF-µSR 実験での核双極子磁場の2次のモーメントは

$$\sigma_x^2 + \sigma_y^2 = \sum_i \overline{H_{i,z}^2 + H_{i,z}^2} = \frac{4}{3} I (I+1) \gamma_I^2 \hbar^2 \sum_i r_i^{-6} \sin^2 \Theta_i$$
(4.3)

となり, ZF- $\mu$ SR の緩和関数の  $(\gamma_{\mu}\sigma_{ZF})^2$  は

$$\frac{1}{2}\gamma_{\mu}^{2}(\sigma_{x}+\sigma_{y})^{2} = (\gamma_{\mu}\sigma_{\rm ZF})^{2} = \frac{4}{9}I(I+1)\gamma_{I}^{2}\gamma_{\mu}^{2}\hbar^{2}\sum_{i}r_{i}^{-6}$$
(4.4)

#### となる.

Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>の場合,核磁気モーメントによる双極子磁場の2乗の総和  $(\gamma_{\mu}\sigma_{ZF})^2$ は久保・鳥谷部関数を用いたゼロ磁場スペクトルの解析から $\gamma_{\mu}\sigma_{ZF}=0.223(1)$  MHz と求まっている.試料内の核磁気の核磁気モーメントは既知であるため,式 4.4 と表 4.1 の核磁気モーメントの値を用いてミュオンと原子核との距離を推測することができる.自然存在度と組成比から核双極子磁場は主にCu原子核によるものと考え, $\gamma_{\mu}\sigma_{ZF}=0.223$  MHz となるようなサイトと,酸素原子から1 Åの距離 $r_{O-\mu}$ をマッピングしたものを図 4.8(a) に示す.それぞれのグラフは a × a の単位格子で z は c 軸方向の距離となっている (z=0 が CuO<sub>2</sub>)面, z=0.5 が Sr を含む面).図 4.8(a) を見てわかるように $r_{O-\mu}=1$  Å と $\gamma_{\mu}\sigma_{ZF}=0.223$  MHz となるサイトが交差するような位置は z=0.225 以下の場合の全てにみられる.

さらに母結晶  $Ca_{0.86}Sr_{0.14}CuO_2$  において Keren らによって報告された反強磁性状態で の Cu 電子スピンによる双極子磁場の値 [26] を用いてミュオンサイトの絞り込みを試み る .  $Ca_{0.86}Sr_{0.14}CuO_2$  はネール温度  $T_N \sim 540$  K の反強磁性体であり,  $\mu$ SR スペクトル には振動成分が出現し,その周波数は高温側では一成分だけであるが,200 K より低温

元素名	自然存在度(%)	磁気モーメント $\mu$ (核磁子 $\mu_{ m N}$ )
$^{63}\mathrm{Cu}$	69.1	+2.2206
$^{65}\mathrm{Cu}$	30.9	+2.3791
$^{17}\mathrm{O}$	$3.9 \times 10^{-2}$	-1.8930
$^{138}$ La	0.09	+3.685
$^{139}$ La	99.91	+2.7616
$^{87}\mathrm{Sr}$	7	-1.0892

表 4.1: 原子核磁気モーメント

側で周波数の分裂が観測された.それぞれの周波数 (とミュオンが感じる内部磁場) は 17.9 MHz( $\mu_0H_1 = 132 \text{ mT}$ ) と 14.3 MHz( $\mu_0H_2 = 106 \text{ mT}$ ) であり,その体積分率比 (高周 波数成分/低周波数成分) は 6 である.中性子散乱実験からは Cu 電子スピンの有効磁気 モーメントは 0.51 $\mu_{\rm B}$  と報告されている [27]. Cu 電子スピンによる双極子磁場を式 4.2 を 用いて計算し,図 4.8(a) に示した.今,主成分として観測されている高周波数成分に注 目すると,z=0.225のとき  $r_{\rm O-\mu}=1$ Å,  $\gamma_{\mu}\sigma_{\rm ZF}$ ,  $\mu_0H_1$  が近い位置で存在するという結果と なり,多くのミュオンはこの付近に止まると予想される.

図 4.8(b) に z=0.225 のときのマッピングの拡大図を示す.これをみると  $\mu_0H_1 \ge \mu_0H_2$ を示すサイトが非常に隣接している様子がわかる.Kerenらの報告した6:1の体積分率 比はこの物質が CuO<sub>2</sub> 面間に Ca と Sr が Ca:Sr=6:1 で存在するためであると考えられる が,高温から Ca と Sr のイオン半径の違いによって少しだけ違うサイトが二つ存在する ならば振動数は  $T_N$  以下で二種類観測されるはずである.しかし観測された周波数の温度 依存性はそのようなふるまいを示していない.この物質では低温で構造相転移は報告さ れていないが,低温にむかい徐々に格子定数が減少することが報告されている [30].こ のことを考慮すると,温度の低下とともに格子が収縮する過程で 200 K 付近から Sr を含 む格子ではわずかにミュオンサイトがずれることで若干低い内部磁場を感じると予想さ れる.図 4.8(c) に上述で予想した Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> のミュオンサイト (0.34, 0, 0.225) を示 す (実際にはこのサイトと結晶学的に対称な位置全て).



図 4.8: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> におけるミュオンサイト. (a)  $\gamma_{\mu}\sigma_{\rm ZF} = 0.223$  MHz となるサイト, 酸素原子から距離 1Å 離れた位置と, Cu 電子スピンによる内部磁場の大きさがそれぞれ 132mT, 106mT となる位置を, c 軸方向に z を 0 から 0.475 までスキャンしたもの. (z=0 が CuO<sub>2</sub> 面, z=0.50 が Sr/La サイト) 縦軸および横軸は a 軸の単位格子長 (3.95 Å) (b) z=0.225 における計算値. (c) 予想されるミュオンサイト (実際にはこのサイトと結晶学 的に対称な位置全てのサイト).

# 4.4 横磁場 $\mu$ SR 測定結果 (常伝導状態)

 $\mu$ SR 測定はカナダの TRIUMF 研究所にある M15 ビームラインで行なった.横磁場で の測定では HiTime というスペクトロメーターを使用し,実験に用いた Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> の試料サイズは直径 8 mm,厚さ1 mm 程度で,円盤型の面に垂直にミュオンビームを 入射した (図 4.9).図 4.10 に Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> (x=0.125) の6 T の横磁場下での FFT ス



図 4.9: 横磁場実験に用いた Hi-Time と呼ばれるスペクトロメーターの試料ホルダー とその近傍にあるカウンターの正面図と側面図.U,D,L,R はそれぞれ上下左右のカウ ンターでミュオンビームの上流側からみた位置により決定している.測定可能な試料は 8 mm×8 mm 程度までの大きさで試料に当たらないミュオンは Veto カウンターに当た り,電気回路的に取り除くことができるため,バックグラウンドの少ないデータを得る ことが可能となる.それぞれのカウンターの後方にはライトガイドが接続され,シンチ レーションカウンターからでた光を光電子増倍管へ運ぶ.

ペクトルを示す.室温付近で明確に観測される中央の線幅の狭い周波数ピーク(A)は原 子核磁気双極子モーメントによる非常に弱い内部磁場しか存在しない領域(非磁性領域) である.そのためこの領域に止まったミュオンは外部磁場とほぼ同程度の大きさの磁場 を感じてラーモア歳差運動を行なう.温度と低下とともに300 K から50 K 付近で非磁 性相ピークの正方向側に線幅の広いピーク(B)が徐々に発達してくる様子が観測される. これは試料内に非磁性領域とは異なる磁場分布を持つ磁性領域が発達してきたことを意 味しており, Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>の常伝導状態で相分離が起こっているという証拠である.

図 4.11 に 50 K での FFT スペクトルの磁場依存性を示す.外部磁場の大きさを上げる つれて中心位置からの磁性相ピークのシフトが大きくなり二種類のピークの分離を確認 できる.一方,低磁場では非磁性相ピークの中心位置やその線幅が非磁性相ピークに接 近し重なってしまう.常伝導状態  $(T > T_c)$ の $\mu$ SR スペクトルは以下にある二成分のガ ウス緩和関数を用いて解析を行なった.

$$P_{\rm n}(t) = \sum_{i=1}^{2} f_i \exp(-\sigma_i^2 t^2) \cos(2\pi\nu_i t + \phi), \qquad (4.5)$$

i=1, 2 は磁性成分, 非磁性成分に対応している.  $f_i$ ,  $\sigma_i$  はそれぞれ各相の体積分率に対応する量とその成分の緩和率であり,  $\nu_i$  はラーモア歳差運動の振動数,  $\phi$  はミュオンス



図 4.10:  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  (x=0.125) の6 T での FFT スペクトルの温度依存性 (縦軸方向 にオフセット有り). (A) は核磁気モーメントしか観測されない非磁性領域からのシグナ ルでその領域に止まったミュオンは外部磁場とほぼ同じ大きさで回転するため鋭いシグ ナルとなる. (B) は Cu 電子スピンによる磁性相によるもので,ピークの中心は正方向 にシフトしている. (C) は  $T_c$  以下で出現する磁束格子状態での磁場分布を反映したシグ ナル.

ピンの初期位相である.図 4.12 に 6 Tの温度依存性,図 4.13 に 50 K での磁場依存性の解析結果を示す.ここで体積分率は $f_i/(f_1 + f_2)$ として見積もった.図 4.12(a) にある体積分率の温度依存性をみると室温付近から温度の低下とともに非磁性相の体積分率が減少していき,逆に磁性領域が発達してくるという零磁場測定と一致する結果が得られた.この磁性領域は 50 K で試料の約半分を占めるまで発達する.またこの磁性相の体積分率,緩和率は共に低温に向けて単調に増加する.FFT スペクトルのピーク位置を示す周波数は温度に依らずほぼ一定である.50 K の温度依存性の結果をみていくと磁性相の体積分率や,外部磁場の周波数 ( $\nu_{ext} \simeq \nu_2$ ) に対する磁性相の周波数 ( $\nu_{M} = \nu_1$ )のずれ ( $(\nu_{M}-\nu_{ext})/\nu_{ext}$ ) が磁場に依らずほぼ一定であることがわかる.

x=0.10,0.15 試料に関しても同様の測定および解析を行なった.その FFT スペクトル,各パラメーターの温度・磁場依存性を図 4.14~4.21 に示す.各パラメーターの変化



図 4.11:  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  (x=0.125)の 50 K での FFT スペクトルの磁場依存性 (縦軸方向 にオフセット有り). 矢印は磁性相 (B)のピーク位置を示しており,高磁場に向かうにつ れて非磁性相 (A)のピークからはっきりと分離して観測されている.

はほぼ x=0.125 試料でのふるまいとほとんど変わらないが x=0.10 試料は他の二つの試料より磁性相の体積分率が 10% 程度高いという結果が得られた.



図 4.12:  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  (x=0.125) の 6 T での温度依存性.(a) 磁性領域と非磁性領域の体積分率.(b) ミュオンスピンの初期位相.(c) 各成分の周波数.(d) 磁性成分周波数の非磁性成分の周波数 ( $\simeq$ 外部磁場周波数) からのシフト.(e) 各成分の緩和率.(f) カイ 2 乗 を系の自由度で割った値.



図 4.13:  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  (x=0.125)の 50 K での磁場依存性.(a) 磁性領域と非磁性領域の体積分率.(b) ミュオンスピンの初期位相.(c) 各成分の周波数.(d) 磁性成分周波数の 非磁性成分の周波数 ( $\simeq$ 外部磁場周波数)からのシフト.(e) 各成分の緩和率.(f) カイ 2 乗を系の自由度で割った値.



図 4.14:  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  (x=0.10) の 6 T での FFT スペクトルの温度依存性 (縦軸方向に オフセット有り).(A) は核磁気モーメントしか観測されない非磁性領域に止まったミュ オンによるほぼ外部磁場と同じ大きさの鋭いシグナル.(B) ピークの中心を正方向にも つ, Cu 電子スピンによる磁性相からの寄与によるシグナル.(C)  $T_c$  以下での磁束格子状 態での磁場分布からのシグナル.



図 4.15:  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  (x=0.10) の 6 T での温度依存性.(a) 磁性領域と非磁性領域の体積分率.(b) ミュオンスピンの初期位相.(c) 各成分の周波数.(d) 磁性成分周波数の非磁性成分の周波数 ( $\simeq$ 外部磁場周波数) からのシフト.(e) 各成分の緩和率.(f) カイ 2 乗 を系の自由度で割った値.



図 4.16: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> (x=0.10) の 50 K での FFT スペクトルの磁場依存性 (縦軸方向 にオフセット有り). 矢印は磁性相 (B) のピーク位置で高磁場に向かうにつれて非磁性相 (A) のピークからはっきりと分離して観測されている.



図 4.17:  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  (x=0.10)の 50 K での磁場依存性 (a) 磁性領域と非磁性領域の体積分率. (b) ミュオンスピンの初期位相. (c) 各成分の周波数. (d) 磁性成分周波数の非磁性成分の周波数 ( $\simeq$ 外部磁場周波数) からのシフト. (e) 各成分の緩和率. (f) カイ 2 乗 を系の自由度で割った値.



図 4.18: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> (x=0.15) の 6 T での FFT スペクトルの温度依存性 (縦軸方向に オフセット有り).(A) は核磁気モーメントしか観測されない非磁性領域に止まったミュ オンによるほぼ外部磁場と同じ大きさの鋭いシグナル.(B) ピークの中心を正方向にも つ, Cu 電子スピンによる磁性相からの寄与によるシグナル.(C) T<sub>c</sub> 以下での磁束格子状 態での磁場分布からのシグナル.



図 4.19:  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  (x=0.15) の 6 T での温度依存性 (a) 磁性領域と非磁性領域の体積分率. (b) ミュオンスピンの初期位相. (c) 各成分の周波数. (d) 磁性成分周波数の非磁性成分の周波数 ( $\simeq$ 外部磁場周波数) からのシフト. (e) 各成分の緩和率. (f) カイ 2 乗を系の自由度で割った値.



図 4.20: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> (x=0.15) の 50 K での FFT スペクトルの磁場依存性 (縦軸方向 にオフセット有り). 矢印は磁性相 (B) のピーク位置で高磁場に向かうにつれて非磁性相 (A) のピークからはっきりと分離して観測されている.



図 4.21:  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  (x=0.15) の 50 K での磁場依存性.(a) 磁性領域と非磁性領域の体積分率.(b) ミュオンスピンの初期位相.(c) 各成分の周波数.(d) 磁性成分周波数の非磁性成分の周波数 ( $\simeq$ 外部磁場周波数) からのシフト.(e) 各成分の緩和率.(f) カイ 2 乗 を系の自由度で割った値.

# 4.5 横磁場 $\mu$ SR 測定結果 (磁束格子状態)

 $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  (x=0.125)

これまでの測定から  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  では常伝導状態で磁性相と非磁性相とに相分離していることがわかっている.図 4.10 で  $T_c$ より低温では負の方向にピーク位置をもつ磁束格子形成によるピーク (c) が出現する.そのため  $T_c$  以下の磁束格子状態では図 4.22 に示すように磁束格子相,磁性相,非磁性 (バックグラウンド)相の三成分を仮定する.ここで磁束格子相は前述の modified-London モデルを用いる.



図 4.22: 磁束格子状態での解析モデル.modified-London モデルによる非対称な磁場分 布の磁束格子相,非磁性(バックグラウンド)相,高磁場側にピーク中心を持つ磁性相の 三成分を重ね合わせた解析モデル.

実際には時間スペクトルを以下の緩和関数を用いて解析を行なった.

$$P(t) = f_{\rm v} \exp(-\sigma_{\rm p}^2 t^2) \int n(B) \exp[i(\gamma_{\mu} B t + \phi)] dB + P_{\rm n}(t), \qquad (4.6)$$

ここで, $f_v$ は磁束格子相の体積分率を表し $P_n(t)$ は式 4.5 である.磁場密度分布n(B)は式 3.28 のB(r)を用いて

$$n(B) = \langle \delta(B - B(r)) \rangle_r \tag{4.7}$$

というデルタ関数の平均で与えられる. $\sigma_p$ は磁束のピニングによる磁束格子の歪みと核 双極子磁場による線幅の増加であり、ピニングによる磁束格子歪みを最も低くするため  $T_c$ 以下の測定は全て磁場中冷却後に行なっている. $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ の磁束格子の対称性は 現段階では未知であり銅酸化物の中には印可する磁場の大きさによって変化する物質も |報告されている[31,32]. しかし今回の実験ではNb<sub>3</sub>Sn で報告されているような磁束格子| の対称性の変化による明確なスペクトルの変化 [33] が観測されていないことから解析で は磁束格子の形を三角格子と仮定して行なっている.図4.23はSr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>(x=0.125) の各磁場での $2 \text{ K} \geq 50 \text{ K}$ のFFT スペクトルであり,図  $4.24 \text{ L} \mu_0 H = 4.5 \text{ T}$ での最小二 乗法による各パラメーターの  $\chi^2$  の変化を示したものである.解析では図 4.24 のように パラメーターを徐々に変化し, $\chi^2$ が最も小さくなるようなパラメーターを算出している. FFT スペクトルであり,図 4.25,4.26 は測定で得られた時間スペクトルと解析によって決 定した緩和関数曲線を回転座標系 (Rotating reference frame : RRF) でプロットしたもの である.図 4.27 に各パラメーターの磁場依存性をを示す. 高磁場側での Asymmetry の 減少は, 高磁場になるにつれて振動周波数が高くなると装置の時間分解能が不足してき てその結果実際よりも振幅が小さい振動として観測され , Asymmetry が失われると考え られる.我々が見積もった磁場侵入長  $\lambda$  は外部磁場による増加傾向がみられる.磁場侵 入長の磁場依存性については次章で詳しく考察する. Є, は磁場による減少がみられるが, これは磁場が高くなるにつれ磁束同士の相互作用が強まることによって実効的な磁束コ アが収縮するためと理解できる [15]. $\sigma_{\rm p}$  は高磁場に向かって減少するふるまいをみせる. これは高磁場では磁束がより密に接近してくるため,磁束格子の歪みが抑えられてくる ことによるものと考えられる.磁性相の緩和率 $\sigma_{M}$ は低磁場へ向かうほど増加傾向がみ られるが1T以下で不連続がみられる.体積分率の変化については次章で考察する.



 $B - \mu_0 H_{\text{ext}} (\text{mT})$ 

図 4.23: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> (x=0.125)の各磁場での2Kと50KのFFTスペクトル.各磁場ごとに縦方向のオフセット有り.高磁場に比べて低磁場の方が磁束密度が低いために磁束格子による磁場分布の線幅は広くなる.



図 4.24: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> (x=0.125) の 4.5 T での最少二乗法による各パラメーターの  $\chi^2$  の変化. (a) 磁場侵入長, (b) 磁気体積分率, (c) ピニングによる緩和率.



図 4.25: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> (x=0.125) の 6 T での (a) 回転座標系でプロットした時間スペ クトルと (b) 2 K での解析曲線の誤差.



図 4.26: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> (x=0.125) の1 T での (a) 回転座標系でプロットした時間スペ クトルと (b) 2 K での解析曲線の誤差.



図 4.27: x=0.125 試料の三成分解析で得られた各パラメーターの磁場依存性.(a) 初期 Asymmetry.(b) ミュオンスピンの初期位相.(c) 磁束格子相,磁気相およびバックグラ ウンドの体積分率.(d) 磁場侵入長(e) カットオフパラメーター(f) 磁気相の緩和率(g) 磁束のピニングによる緩和率(h) カイ2乗を系の自由度で割った値.低磁場で磁気相の 線幅が大きく広がっていくため(f)の磁気相の緩和率が $\sigma_M$ が低磁場(0.6,1 T)で外れて いる.

 $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  (x=0.10)



図 4.28: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> (x=0.10)の各磁場での 2 K と 50 K の FFT スペクトル.各磁場 ごとに縦方向のオフセット有り.x=0.125 試料と同様に高磁場に比べて低磁場の方が磁 束格子による磁場分布の線幅が広くなっていく.



図 4.29: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> (x=0.10) の 6 T での (a) 回転座標系でプロットした時間スペク トルと (b) 2 K での解析曲線の誤差.



図 4.30: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> (x=0.10) の1 T での (a) 回転座標系でプロットした時間スペク トルと (b) 2 K での解析曲線の誤差.



図 4.31: x=0.10 試料の三成分解析で得られた各パラメーターの磁場依存性.(a) 初期 Asymmetry.(b) ミュオンスピンの初期位相.(c) 磁束格子相,磁気相およびバックグラ ウンドの体積分率.(d) 磁場侵入長(e) カットオフパラメーター(f) 磁気相の緩和率(g) 磁束のピニングによる緩和率(h) カイ2乗を系の自由度で割った値.(f)の磁性相の緩和 率  $\sigma_{\rm M}$  が低磁場で外れ,その分の緩和が(g)の磁束のピニングによる線幅の増大による  $\sigma_{\rm p}$  に影響している.

 $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  (x=0.15)



 $B - \mu_0 H_{\text{ext}}$  (mT)

図 4.32: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> (x=0.15)の各磁場での 2 K と 50 K の FFT スペクトル.各磁場 ごとに縦方向のオフセット有り.x=0.10,0.125 試料と同様に高磁場に比べて低磁場の 方が磁束格子による磁場分布の線幅が広くなっていく.



図 4.33: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> (x=0.15) の 6 T での (a) 回転座標系でプロットした時間スペク トルと (b) 2 K での解析曲線の誤差.



図 4.34: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> (x=0.15) の1 T での (a) 回転座標系でプロットした時間スペク トルと (b) 2 K での解析曲線の誤差.



図 4.35: x=0.15 試料の三成分解析で得られた各パラメーターの磁場依存性.(a) 初期 Asymmetry. (b) ミュオンスピンの初期位相.(c) 磁束格子相,磁気相およびバックグラ ウンドの体積分率.(d) 磁場侵入長.(e) カットオフパラメーター.(f) 磁気相の緩和率. (g) 磁束のピニングによる緩和率.(h) カイ2 乗を系の自由度で割った値.x=0.125 と同 様に (f) の磁性相の緩和率  $\sigma_M$  が低磁場 (1, 1.5 T) で外れている.

# 第5章 議論

### 5.1 超伝導秩序変数

近年磁場侵入長の温度依存性や磁場依存性から超伝導 Cooper 対の異方性を探る研究 がさかんに行なわれている [15, 16].磁束格子状態での準粒子励起の機構として Doppler シフトが重要であることが認識され始めた [34]. Doppler シフトとは Fermi 速度  $v_{\rm F}$ を持 つ準粒子が磁束コアを周回する超伝導電流  $v_{\rm s}$ に流される効果を意味し,その結果準粒 子のエネルギーは Doppler シフトがないときに比べて  $\varepsilon=mv_{\rm F}\cdot v_{\rm s}$  だけ変化する.図 5.1 にあるように Fermi 面上で等方的なギャップが開いている場合, $\varepsilon$  が  $\Delta_s$  を超えない限り Doppler シフトは準粒子励起に影響を与えない.一方,d波対称性のようにギャップに節 をもつような場合,節近傍の小さなエネルギーギャップをもつ Cooper 対は Doppler シフ トにより対破壊が起こる.



図 5.1: Doppler シフトによる準粒子励起の模式図.等方的な超伝導ギャップ $\Delta_s$ の場合, 磁場によって $\varepsilon = v_s \cdot v_F$ だけシフトしても, $\varepsilon$ が $\Delta_s$ を越えない限り対破壊は起こらない. ー方, $\Delta_{d(k)}$ の場合,Dopplerシフトによって節近傍で小さなエネルギーギャップを 越える対破壊が起こる.

図 5.2 をみると我々が見積もった  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ の磁場侵入長の磁場依存性の結果に は明らかに磁場による増加傾向がみられることから, Doppler シフトによる磁場誘起の 準粒子励起が起きていると考えられ,  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ が単純な等方的s波超伝導体では



図 5.2: 磁場侵入長  $\lambda$  の磁場依存性. 破線は  $\lambda(h) = \lambda(0)[1 + \eta h]$  (式 5.1) による線形近 似. どの試料も磁場による  $\lambda$  の増加傾向が観測された. x=0.10, 0.15 試料では線形近似 から若干外れ,上凸に近い傾向がみられる.

ないことが示唆される.

この結果を他の超伝導体と比較するため次の式を用いて定量化する.

$$\lambda(h) = \lambda(0)[1 + \eta h] \tag{5.1}$$

ここで  $h=H/H_{c2}$  であり, 文献 [35] から  $\mu_0H_{c2}=12$  Tを用いた. 勾配  $\eta$  は無次元のパ ラメーターであり磁場依存性の強さを表し,  $\lambda(h)$  が磁場に依存しなければ  $\eta=0$  である. Volovik によると準粒子励起の状態密度は

$$N_{\rm deloc}(0) \cong N_{\rm F} K \xi_{\rm GL}^2 \sqrt{h} \equiv N_{\rm F} g(h)$$
(5.2)

$$K \propto \int_{|\Delta(k)| < \varepsilon} |\Delta(k)| dk \tag{5.3}$$

となる [34] . ここで  $N_{\rm F}$  は常伝導状態での状態密度, K は 1 のオーダーの定数,  $\sqrt{h}$  は磁 束間距離 ( $\propto h^{-1/2}$ ) に単位面積あたりの磁束数 ( $\propto h$ )を乗じた量の寄与である.ここで K は式 5.3 に示すとおり,運動空間上  $\Delta(k)$  中で Doppler シフトの影響を受ける領域の 位相体積に比例する量であり,ギャップの異方性を反映した係数である.準粒子状態密 度がこのように変化すると, h における超伝導状態密度のキャリア密度は

$$n_{\rm s} \simeq n_{\rm s}(0)[1-g(h)]$$
 (5.4)

となり,これが µSR 測定で観測される物理量である磁場侵入長と

$$\frac{1}{\lambda^2(h)} = \frac{4\pi e^2}{m^* c^2} n_{\rm s}(h) \tag{5.5}$$

という関係で結ばれている.したがって式 5.4と式 5.5から  $\lambda(h)$  とギャップの異方性の 大きさを表す K との間に

$$\lambda(h) = \frac{\lambda(0)}{\sqrt{1 - g(h)}} \tag{5.6}$$

となる.この式は*h* < 0.5 でほぼ線形に変化するため

$$\lambda(h) \sim \lambda(0) [1 + cK\xi_{\rm GL}^2 h] \tag{5.7}$$

と近似が成り立つ.このように $\eta \simeq cK\xi_{GL}^2$ となり $\lambda(h)$ の傾き $\eta$ が Fermi 面上での $|\Delta(k)|$ <  $\varepsilon$ の領域に比例した量であることがわかる.我々が実験から見積もった $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ の $\lambda(h)$ に対する式 5.1を用いた線形近似の結果を図 5.2に示し $\lambda(0)$ , $\eta$ を表 5.1にまとめた.

表 5.1: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> の  $\lambda$ ,  $\lambda_{ab} \eta$ ,  $\eta_d/\eta$ . Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> の  $\lambda_{ab}$  は  $\lambda \sim 1.31\lambda_{ab}$  という近 似式 [36] を用いて見積もり, YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6.95</sub> の  $\eta$  は文献 [15] で報告している  $\lambda_{ab}$  の磁場依 存性から見積もった. $\eta_d/\eta(1) \ge \eta_d/\eta(2)$ は YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6.95</sub> の  $\eta = \eta_d$  がそれぞれ  $\eta_d=6, 2$ の時の値から見積もった.

	$\lambda$ (nm)	$\lambda_{ab} (\mathrm{nm})$	$\eta$	$\eta_d/\eta(1)$	$\eta_d/\eta(2)$
$\operatorname{Sr}_{1-x}\operatorname{La}_{x}\operatorname{CuO}_{2}x=0.10$	104(8)	79(6)	1.2(3)	5.0	1.7
$\operatorname{Sr}_{1-x}\operatorname{La}_{x}\operatorname{CuO}_{2}x=0.125$	105(3)	80(2)	1.6(1)	3.8	1.3
$\operatorname{Sr}_{1-x}\operatorname{La}_x\operatorname{CuO}_2 x=0.15$	119(9)	91(7)	1.7(3)	3.5	1.2
$Sr_{1-x}La_xCuO_2 x=0.10 [10]$	151(3)	116(2)			
$YBa_2Cu_3O_{6.95}$ [15]		115.5(3)	$6 (\mu_0 H < 2T)$		
			$2 (\mu_0 H > 2T)$		

解析から得られた  $\eta$  は 3 試料で 1.2~1.7 という値をとり単純な等方的 s 波超伝導体が 示す  $\eta=0$  とは異なる.そのため Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> では超伝導ギャップに何らかの異方性を もつことが推測される.ここで典型的な d 波超伝導体である YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6.95</sub> の  $\eta$  の値を文 献 [15] の FIG.33 から見積もると  $\eta \simeq 6$  程度であり,この値と比較すると Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> では磁場による準粒子励起の効果が小さいことが予想される.この原因として,ARPES 測定により近年報告された n 型銅酸化物 Pr<sub>0.89</sub>LaCe<sub>0.11</sub>CuO<sub>4</sub> の非単調な d 波超伝導ギャッ プを考える (図 5.3). $\eta$  は節近傍 ( $\phi \sim \phi_0$ ) で  $|\Delta(\phi)| \geq \varepsilon$  で囲まれる面積 (S<sub>nd</sub>) に比例した 量であり,ギャップの立ち上がる勾配に逆比例する.

$$\eta \propto \left(\frac{d\Delta}{d\phi}\Big|_{\phi=\phi_0}\right)^{-1} \tag{5.8}$$



図 5.3: d 波超伝導ギャップの節近傍 .  $\Delta$  は超伝導ギャップ ,  $\varepsilon$  は磁場による準粒子のエネ ルギーの増加分と , 文献 [8] で報告されている非単調な d 波超伝導ギャップ .  $\phi_0$  付近の  $\Delta$ と  $\varepsilon$  で囲まれている面積 S<sub>d</sub> , S<sub>nd</sub> は磁場によって対破壊する準粒子密度に比例する .

そのため  $\varepsilon$ の増加によって準粒子励起を起こす Fermi 面の位相体積は節近傍で典型的な  $d_{x^2-y^2}$  波の場合よりも急な超伝導ギャップの立ち上がりを示す非単調 d 波超伝導ギャッ プの方が小さくなると考えられる.このように, $\operatorname{Sr}_{1-x}\operatorname{La}_x\operatorname{CuO}_2$ で観測された,単純な  $d_{x^2-y^2}$  波対称性をもつ超伝導体に比べて小さい $\eta$ の原因は,他のn型銅酸化物で観測され ている非単調な d 波超伝導ギャップによって説明可能であり,これまでに  $\operatorname{Sr}_{1-x}\operatorname{La}_x\operatorname{CuO}_2$ の超伝導ギャップの対称性に関しては等方的なs 波対称性の可能性を示すものが数多く 報告されているが,今回  $\mu$ SR 測定という微視的な測定手段を用いることによって得られ た結果は,異方的な超伝導ギャップの存在を支持する結果となった.

解析では式 5.1 を用いた線形近似によって  $\lambda(0) \ge \eta$  を求めて典型的な d 波 超伝導体で ある YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6.95</sub> との比較を行なったが, x=0.10, 0.15 試料では磁場侵入長の磁場依 存性をみると単純な線形近似からのずれがあり若干上凸の傾向がみられる.類似した結 果として, d 波超伝導体である YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6.95</sub> の単結晶を用いた磁場侵入長の測定にお いても,高磁場側 ( $\mu_0H > 2$  T) で傾き  $\eta$  が急激に小さくなる様子が観測されている [37]. Sonier らはこの原因として,ギャップの節では超伝導コヒーレンス長  $\xi$  が  $\xi \propto \Delta(k)^{-1}$  で あることから発散的に長くなり,超伝導電流の効果を弱める方向に作用し,高磁場側で 相対的な電流密度が下がるため準粒子励起が抑えられるといった非局所効果によって説 明している.どちらの物質も磁場依存性の勾配が減少する傾向がみられるのは  $\mu_0H > 2$  T であるが, Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> と YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6.95</sub> の上部臨界磁場はそれぞれ 12 T, 95 T であ

るため, $H_{c2}$ で規格化した磁場  $h = H/H_{c2}$ で比較するのであれば  $\operatorname{Sr}_{1-x}\operatorname{La}_x\operatorname{CuO}_2$ においてもこの非局所効果について考慮する必要が出てくる可能性も考えられる.しかしながら  $\operatorname{YBa}_2\operatorname{Cu}_3\operatorname{O}_{6.95}$ の非局所効果によって準粒子励起の効果が抑えられている磁場領域( $\mu_0H > 2\ T$ )での $\eta$ は $\eta \simeq 2$ であり,  $\operatorname{Sr}_{1-x}\operatorname{La}_x\operatorname{CuO}_2$ の $\eta$ はこの値と比較しても依然として小さい値を示している.このことからも  $\operatorname{Sr}_{1-x}\operatorname{La}_x\operatorname{CuO}_2(x=0.125)$ では  $\operatorname{YBa}_2\operatorname{Cu}_3\operatorname{O}_{6.95}$ に比べて節近傍でのギャップの勾配が大きいことが予想されるが  $\operatorname{Pr}_{0.89}\operatorname{LaCe}_{0.11}\operatorname{CuO}_4$ のARPES 測定から  $\eta_d/\eta$ を見積もると  $\eta_d/\eta \simeq 2$ 程度であり,その値と表 5.1の  $\eta_d/\eta(1)$ ,  $\eta_d/\eta(2)$ を比較すると  $\eta_d/\eta(2)$ の方がより近い値をとることから,  $\operatorname{Sr}_{1-x}\operatorname{La}_x\operatorname{CuO}_2$ においても今回の測定磁場範囲内で非局所効果の影響を受けている可能性が考えられる.

# 5.2 植村プロットとの比較

前節での直線近似により  $\operatorname{Sr}_{1-x}\operatorname{La}_{x}\operatorname{CuO}_{2}$ の $\lambda(0)$ を見積もると,  $\lambda(0) \simeq 104 \sim 119 \operatorname{nm}$ と 他の銅酸化物と比較して短い結果が得られた.これまでに数多くの超伝導体について磁 場侵入長の測定が行なわれており,それらの報告の中から幾つかの銅酸化物超伝導体に ついて縦軸  $T_{\rm c}$  vs 横軸  $\lambda^{-2}(\propto \sigma)$  で図 5.4 にプロットする. Uemura はこれまでに自身で 行なった多くの実験から,p型銅酸化物の不足ドープ領域から最適ドープ領域試料にか けて $T_{c}$ と磁束格子によるミュオンスピン緩和率 $\sigma$ に直線関係 (Uemura-line) がみられる ことを報告している [38].一方, n 型銅酸化物の  $T_c$  と  $\lambda^{-2}$  の関係をみると Uemura-line から大きく外れる傾向がみられる. p 型銅酸化物でも最適ドープ試料から過剰ドープ試 料へとドーピングが進むにつれて、徐々に直線関係から外れていく傾向がみられるが、  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$  では  $x \sim 0.10$  近傍が最適ドープ組成にも関わらず, すでに Uemura-line から大きく外れている.そのため測定した $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ の組成領域が単に過剰ドープ 領域であるためにとして、この大きなずれを説明するのは難しい.また、Shengelayaら による  $Sr_{1-x}La_xCuO_2(x=0.10)$  の多結晶の結果 [10] は  $\lambda \sim 1.31\lambda_{ab}$  という近似式 [36] を 用いて  $\lambda_{ab} \simeq 116(2) \text{ nm}$  と見積もっているので,多結晶での値 ( $\lambda \simeq 152(3) \text{ nm}$ )を我々の |結果と比較するならば,我々の見積もった磁場侵入長の方がより短い結果となっている| が、定性的にはn型超伝導体はUemura-lineから外れるという点で一致している.式 5.5 にあるように  $\lambda^{-2}$  は超伝導電子密度と電子の有効質量  $(n_{
m s}/m^*)$  を反映した物理量であり, p型銅酸化物ではこれまでに $m^*/m_{
m e}\simeq 2\sim 3.5$ ,  $n_{
m s}\simeq 1\sim 2 imes 10^{21}{
m cm^{-3}}$ 程度との報告が されている.これらの値と今回多結晶を用いて得られた $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ の結果とを比較 するため,面内の磁場侵入長 $\lambda_{ab}$ を前述の近似式[36]を用いて見積もり、電子の有効質量 を p 型銅酸化物と同程度の  $m^*/m_e \simeq 3$  と仮定して  $Sr_{1-x}La_xCuO_2(x=0.125)$  の超伝導電



図 5.4: 植村プロットとの比較.縦軸  $T_c$  vs 横軸  $\lambda^{-2}(\propto \sigma)$ . Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>(x=0.10) [10], その他の n 型銅酸化物 [39, 40, 41], La<sub>2-x</sub>Sr<sub>x</sub>CuO<sub>4</sub> [42, 43, 44, 45], Y<sub>1-x</sub>Pr<sub>x</sub>Ba<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6.97</sub> [46]. YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>y</sub> および Bi<sub>2</sub>Sr<sub>2</sub>CaCu<sub>2</sub>O<sub>8</sub> [47, 48, 49, 50]). 我々が見積もった $\lambda$ の値は多結晶によるものであり,面内の磁場侵入長に近似した値で 比較した(表 5.1).

子密度を見積もると $n_{
m s} \simeq 1.3 \times 10^{22} {
m cm}^{-3}$ と,p型銅酸化物と比較すると約一桁大きい値をとることがわかった.

Armitage らは n 型銅酸化物である Nd<sub>2-x</sub>Ce<sub>x</sub>CuO<sub>4-δ</sub>のドーピング依存性を ARPES 測定によって調べており,彼らの報告によると,n 型銅酸化物の母結晶 (x=0.0) も p 型 銅酸化物の母結晶と同様に Mott-Hubbard 描像で表される電荷移動型絶縁体であり,少 量の電子ドーピング (~0.04) では  $k=(\pi,0)$  に体積が x 程度の electron-pocket と呼ばれる ドーピング量に対応した小さな Fermi 面が観測されるが,さらなるドーピング (x=0.10, 0.15) を行なった試料では Cu3d の  $(x^2 - y^2)$  軌道に電子がドープされ Cu 原子あたり 1+x 個の電子がその軌道のバンドを埋める体積 1+x をもつ大きな Fermi 面が形成されること を観測した [51] .  $n_s$  から Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub> の単位格子あたりのキャリア濃度 pを計算する と, $p \simeq 0.7$ となり, $p=1+x \simeq 1.125$  からは若干小さいが,ドープした電子がキャリア濃 度となる p = xとは五倍以上の大きな違いがあることがわかる.なお, $\lambda \simeq 82$  nm, もし くは $m^*/m_e \simeq 5$ 程度で $p \simeq 1 + x$ の値をとるが,実験から見積もった  $\lambda$ は低磁場で誤差 が大きいことや, $m^*$ がドーピング量によって変化するという計算結果 [52] もあること を考慮すると,Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>のpが1 + xに近い値となる可能性は十分考えられる.こ のように,超伝導電子密度の違いがp = xとしてドープしたホール量がキャリア濃度と して見積もられる不足ドープ領域のp型銅酸化物でみられたUemura-line から,n型銅 酸化物が外れる原因として予想され,また,この結果はn型銅酸化物で $T^2$ に比例する 電気抵抗のふるまい [53] や高磁場下のNMR 測定でのKorringa 則 ( $T_1T$ が一定)の観測 [54] といったような他の実験が報告している金属的なふるまいと一致し,n型銅酸化物 超伝導体は超伝導が出現し始める $x \sim 0.10$ 付近から高ドープ側の試料では,ドープされ た Mott 絶縁体という描像ではなく,Fermi 液体的ふるまいを示す通常金属状態になって いると考えられる.

### 5.3 磁性相の出現とその体積分率の磁場依存性

 $\mu$ SR 法の有意義な特徴の一つとして各相の体積分率を評価できる点が挙げられる.Kojima らによる x=0.05 試料の TF- $\mu$ SR 測定の結果 [11] と比較すると, x が小さく母結晶 に近い試料の方が磁性相の体積分率が高く,キャリアをドーピングすることにより磁性 相の体積分率が減少していく.そのため,この磁性相が母結晶の反強磁性秩序に由来し たものであると考えられ,Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub></sub> も他の <math>n 型銅酸化物超伝導体と同じく相図でい うところの磁性相と隣接した超伝導であることがわかる.Lukeらは p型・n型の銅酸化 物のキャリア注入による反強磁性秩序の消滅の違いについて, p型銅酸化物の場合,ホー ルはO<sub>2p</sub> バンドに入り,Oサイトに入ったホールはO<sup>2-</sup>からO<sup>-</sup>と変化することで,磁 気的なOイオンがCuイオン間に強磁性相関を与え反強磁性相関を急激に弱めると説明 し,n型銅酸化物の場合は電子はCuサイトに入りCu<sup>2+</sup>からCu<sup>+</sup>となることで非磁性 イオンであるZnのようにふるまい反強磁性秩序を形成するCuスピンを希釈するため高 ドープ領域まで磁性相が残存すると説明している[55].</sub></sub>

常伝導状態での解析からは50 K では磁性相と非磁性相の体積分率は磁場に寄らずほぼ一定で試料のおよそ半分ずつを占めることが観測されている(図 4.13(a),4.17(a),4.21(a)) しかし磁束格子状態において三成分の解析を行なった結果には,常伝導状態とは異なり, 磁性相が磁場によって誘起するようなふるまいがみられた.図 5.5 に Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>の 2 K での体積分率の磁場依存性を示す.常伝導状態では磁性相と非磁性相との相分離が 起こっていたが,最低温2 K では緩和率の小さな非磁性相は5 % 程度以下にまで減少 している.これは常伝導状態で非磁性相だった領域のほとんどが超伝導となり磁束格子


図 5.5:  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ の2Kでの体積分率の磁場依存性.x=0.125, 0.15 試料では磁場 によって磁性領域の体積分率に増加傾向がみられるが,零磁場での結果(図 4.3(b))とは 不連続であり、この原因としておそらく2Kでは低磁場で磁性領域内にピン止めされた磁 束による磁場分布の体積も磁束格子領域の体積分率も含まれてしまうためと考えられる.

を形成していることを意味している.残った数%の成分は試料の不純物相か試料以外 に止まったミュオンからの信号であると考えられる.磁性相は母結晶に近い組成である x=0.10 試料で体積分率が高く, x=0.125, 0.15 試料では磁場により磁性相の体積分率が 変化するふるまいがみられる.この x=0.125,0.15 試料で顕著にみられる磁場による磁 性相の体積分率の増加傾向は近年  $La_{2-x}Sr_xCuO_4$  で報告されてた磁場誘起磁性のふるま いとよく似ている [56, 57]. しかしながら我々が行なった  $Sr_{1-x}La_xCuO_2(x=0.125)$  試料 の零磁場での実験では Tc 以下で磁気相の体積分率の減少は観測されておらず, 最低温 2 K では試料のおよそ半分を占めたままである (図 4.3(b)). この零磁場と横磁場の磁気 体積分率の不連続は以下の原因が考えられる.低磁場では磁束の密度が低いため超伝導 を示さない磁性相内に磁束がピン止めされて磁束コア中心になってしまうため,解析で の磁束格子の体積分率は、数割の磁性領域を含めた体積分率となっている可能性が考え られる. 高磁場では磁束コアの密度が高くなり, 超伝導領域には徐々に周期的な位置に 磁束コアが配列するため,それぞれの領域の体積分率を区別されるようになっていくと 考えられる.このような状況が起きているとするならば磁性相が微視的に点在している 必要があり,また,磁性相による磁束のピン止めが起こっていると予想される低磁場に おいても FFT スペクトルからは磁束格子による磁場分布が明瞭に観測されることから, 磁性相のドメインサイズは少なくとも 100 nm 以下の微視的なスケールであることが推測される.



図 5.6: Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>の超伝導状態での模式図. 左図は零磁場下で磁性領域と超伝導 領域に相分離している様子で右図は磁場下での磁束格子状態の様子.磁場下では超伝導 領域に磁束コアを形成して磁束が CuO<sub>2</sub> 面を貫くが,一部の磁性領域は格子欠陥等と同 様に磁束のピン止めをするよう働き,結果的に解析では磁束格子相の一部としてみなさ れる.

## 第6章 結論

本研究では電子ドープ型銅酸化物 $\operatorname{Sr}_{1-x}\operatorname{La}_x\operatorname{CuO}_2(x=0.10,\,0.125,\,0.15)$ の磁気基底状態 および磁束格子状態を調べるために、ミュオンスピン回転緩和実験を行なった、高横磁 場測定で得られた FFT スペクトルには常伝導状態で2種類の周波数ピークが観測され た.1つは弱い核双極子磁場しか存在しない非磁性相のピークでもう1つは静的なCu3d 電子スピンによる磁性相のピークであり、室温付近から温度の低下と共に増大し、50K で試料の約半分の体積分率を示すまで発達する様子が観測された、零磁場時間スペクト ルには磁性相の信号は指数関数型の緩和として現れるが、長距離磁気秩序を示す振動成 分は観測されず,これらの結果から $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ では常伝導状態において非磁性相と 長距離磁気相関をもたない静的な Cu スピンによる磁性相とに微視的に相分離している ことが明らかになった.さらに $T_c$ 以下でFFTスペクトルには磁束格子の形成による第 3のピークが出現する. $T_{c}$ 以下の $\mu$ SR スペクトルの解析は常伝導状態で観測された相分 離の結果をふまえた3成分での解析を行ない磁場侵入長を見積った.解析から見積られ た磁場侵入長は過去に報告されている Shengelaya らの結果よりもさらに短い結果が得ら れた.この結果は,n型超伝導体である $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ がp型銅酸化物の不足~最適ドー プ付近の試料において経験的に知られている超伝導転移温度と超伝導電子密度との間の 比例関係から大きく外れ,p型超伝導体と $n_{
m s}/m^*$ が大きく異なることを示している.実 際に $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ の $n_s$ を見積もると,それがp型銅酸化物の $n_s$ に比べて一桁程度大き な値を持ち,キャリア濃度もxより大きな値をとる結果が得られた.これは,n型銅酸 化物の ARPES 測定で示された x=0.1 程度の最適ドーピング試料におけるキャリア濃度 p=1+xの大きな Fermi 面の形成や, Tの二乗に比例する電気抵抗率および NMR 測定で 観測される Korriga 則といった通常金属的なふるまいとも一致し, これらの実験結果は  $x \sim 0.1$ 付近のn型銅酸化物超伝導体がドープされた Mott 絶縁体としてではなく Fermi 液体状態として理解されるべきであることを強く示唆している.

一方,今回 $\mu$ SR実験によって観測した磁場侵入長の磁場依存性からは Doppler シフト に起因する磁場誘起の準粒子励起が観測され,Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>の超伝導秩序変数(超伝導 ギャップ)が異方的であることを示唆する結果となった.さらに,異方性の度合い表す無次 元量である $\eta$ を考慮すると,Sr<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>CuO<sub>2</sub>では単純なd波超伝導ギャップより Doppler シフトの影響を受ける Fermi 面の位相体積が小さいことが予想され,これは近年n型銅酸化物  $Pr_{0.89}LaCe_{0.11}CuO_4$ の ARPES 実験によって報告された,節近傍でのギャップの 傾きが大きな非単調d波対称性をもつ超伝導ギャップの結果と一致する.

このように本論文ではミュオンスピン回転緩和法を用いた  $Sr_{1-x}La_xCuO_2$ の磁束格子 状態の研究を行い, n 型とp 型銅酸化物の比較を行うことによって, 両者の超伝導のキャ リア濃度や超伝導秩序変数といった超伝導に関する本質的な特徴を明らかにするととも に, それらがp 型銅酸化物と質的に異なることを示すことにより"電子・ホール対称性" を実験的に否定し, 銅酸化物超伝導の理論的理解の枠組みに一定の制限を加えることに 成功した.

## 参考文献

- [1] J. G. Bednorz and K. A. Müller, Z. Phys. **B64** (1986) 189.
- [2] A. Schilling, M. Cantoni, J. D. Guo and H. R. Ott, Nature **363** (1993) 56.
- [3] L. Gao, Y. Y. Xue, F. Chen, Q. Xiong, R. L. Meng, D. Ramirez and C. W. Chu, J. H. Eggert and H. K. Mao, Phys. Rev. B 50 (1994) 4260.
- [4] Y. Tokura, H. Takagi and S. Uchida, Nature **337** (1989) 345.
- [5] F. C. Zhang and T. M. Rice, Phys. Rev. B **37** (1988) 3759.
- [6] H. Takagi, Y. Tokura and S. Uchida, Physica C 162 (1989) 1001.
- [7] M. Fujita, S. Kuroshima, M. Matsuda and K. Yamada, Physica C **392** (2003) 130.
- [8] H. Matsui, K. Terashima, T. Sato, T. Takahashi, M. Fujita and K. Yamada, Phys. Rev. Lett. 95 (2005) 017003.
- [9] R. Kadono, K. Ohish, A. Koda, S. R. Saha, W. Higemoto, M. Fujita and K. Yamada, JPSJ 74(2005) 2806.
- [10] A. Shengelaya, R. Khasanov, D. G. Eshchenko, D. Di Castro, I. M. Savić, M. S. Park, K. H. Kim, Sung-Ik Lee, K. A. Müller and H. Keller, Phys. Rev. Lett. 94 (2005) 127001.
- [11] K. M. Kojima, K. Kawashima, M. Fujita, K. Yamada, M. Azuma, M. Takano, A. Koda, K. Ohishi, W. Higemoto, R. Kadono and Y. J. Uemura, Physica B 374-375 (2006) 207.
- [12] T. Imai, C. P. Slichter, J. L. Cobb and J.T. Markert, J. Phys. Chem. Solids 56 (1995) 1921.

- [13] Z. Y. Liu, H. H. Wen, L. Shan, H. P. Yang, X. F. Lu, H. Gao, M.-S. Park, C. U. Jung and S.-I. Lee, Europhys. Lett. 69 (2005) 263.
- [14] N.-C. Yeh, C.-T. Chen, G. Hammerl, J. Mannhart, A. Schmehl, C. W. Schneider, R. R. Schulz, S. Tajima, K. Yoshida, D. Garrigus and M. Strasik, Phys. Rev. Lett. 88 (2002) 227002.
- [15] J. E. Sonier, J. H. Brewer and R. F. Kiefl, Rev. Mod. Phys. 72 (2000) 769.
- [16] R. Kadono, J. Phys.:Condens. Matter 16 (2004) S4421.
- [17] G. Er, S. Kikkawa, F. Kanamaru, Y. Miyamoto, S. Tanaka, M. Sera, M. Sato, Z. Hiroi, M. Takano, and Y. Bando, Physica C 196 (1992) 271.
- [18] K. Kawashima, Master thesis (2002)
- [19] S. Karimoto, K. Ueda, M. Naito, T. Imai, Physica C **378-381**(2002) 127.
- [20] R. S. Hayano, Y. J. Uemura, J. Imazato, N. Nishida, T. Yamazaki and R. Kubo, Phys. Rev. B 20 (1979) 850.
- [21] F. London and H. London, Proc. R. Soc. London Ser. A 149 (1935) 71.
- [22] A. Yaouanc, P. Dalmas de Réotier and E. H. Brandt, Phys. Rev. B 55 (1997) 11107.
- [23] E. H. Brandt, Phys. Status Solidi B **51** (1972) 345.
- [24] R. H. Norton and R. Beer, J. Opt. Soc. Am. 66 (1976) 259.
- [25] R. Kadono, H. Okajima, A. Yamashita, K. Ishii, T. Yokoo, J. Akimitsu, N. Kobayashi, Z. Hiroi, M. Takano and Nagamine, Phys. Rev. B 54 (1996) R9628.
- [26] A. Keren, L. P. Le, G. M. Luke, B. J. Sternlieb, W. D. Wu, Y. J. Uemura, S. Tajima, S. Uchida Phys. Rev. B 48 (1993) 12926.
- [27] D. Vaknin, E. Caignol, P. K. Davis J. E. Fisher, D. C. Johnston and D. P. Goshorn Phys. Rev. B 39 (1989) 9122.
- [28] E. Holzschuh, A. B. Denison, W. Kündig, P. F. Meier, and B. D. Patterson, Phys. Rev. B 27 (1983) 5294.

- [29] W. K. Dawson, K. Tibbs, S. P. Weathersby, C. Boekema and K.-C. B. Chan, J. Appl. Phys. 64 (1988) 5890.
- [30] G. Er, S. Kikkawa, M. Takahashi, F. Kanamaru, M. Hangyo, K. Kisoda and S. Nakashima, Physica C 290 (1997) 1.
- [31] S. P. Brown *et al.*, S. P. Brown, D. Charalambous, E. C. Jones, E. M. Forgan, P. G. Kealey, A. Erb and J. Kohlbrecher, Phys. Rev. Lett. **92**, 067004 (2004).
- [32] R. Gilardi *et al.*, R. Gilardi, J. Mesot, A. Drew, U. Divakar, S. L. Lee, E. M. Forgan, O. Zaharko, K. Conder, V. K. Aswal, C. D. Dewhurst, R. Cubitt, N. Momono and M. Oda, Phys. Rev. Lett. 88, 217003 (2002).
- [33] R. Kadono, K. H. Satoh, A. Koda, T. Nagata, H. Kawano-Furukawa, J. Suzuki, M. Matsuda, K. Ohishi, W. Higemoto, S. Kuroiwa, H. Takagiwa and J. Akimitsu, Phys. Rev. B 74, 024513 (2006).
- [34] G. E. Volovik, Sov. Phys. JETP Lett. 58 (1993) 469.
- [35] V. S. Zapf, N.-C. Yeh, A. D. Beyer, C. R. Hughes, C. H. Mielke, N. Harrison, M. S. Park, K. H. Kim and S.-I. Lee, Phys. Rev. B 71 (2005) 134526.
- [36] V. I. Fesenko, V. N. Gorbunov and V. P. Smilga, Physica C 176 (1991) 551.
- [37] J. E. Sonier, J. H. Brewer, R. F. Kiefl, G. D. Morris, R. I. Miller, D. A. Bonn, J. Chakhalian, R. H. Heffner, W. N. Hardy and R. Liang, Phys. Rev. Lett. 83 (1999) 4156.
- [38] Y. J. Uemura, J. Phys.:Condens. Matter 16 (2004) S4515.
- [39] C. C. Homes, R. P. S. M. Lobo, P. Fournier, A. Zimmers and R. L. Greene, Phys. Rev. B 74 (2006) 214515.
- [40] A. A. Nugroho, I. M. Sutjahja, A. Rusydi, M. O. Tjia, A. A. Menovsky, F. R. de Boer and J. J. M. Franse, Phys. Rev. B 60 (1999) 15384.
- [41] C. C. Homes, B. P. Clayman, J. L. Peng and R. L. Greene, Phys. Rev. B 56 (1997) 5525.

- [42] G. M. Luke, Y. Fudamoto, K. Kojima, M. Larkin, J. Merrin, B. Natumi, Y. J. Uemura, J. E. Sonier, T. Ito, K. Oka, M. de Andrade, M. B. Maple and S. Uchida, Physica C 282~287 (1997) 1465
- [43] G. Aeppli, R. J. Cava, E. J. Anasaldo, J. H. Brewer, S. R. Kreitzman, G. M. Luke, D. R. Noakes and R. F. Kiefl, Phys. Rev. B 35 (1987) 7129.
- [44] T. Schneider and H. Keller, New Journal of Physics 6 (2004) 144.
- [45] C. Panagopoulos, J. R. Cooper, T. Xiang, Y. S. Wang and C. W. Chu, Phys. Rev B. 61 (2000) R3808.
- [46] C. L. Seaman, J. J. Neumeier, M. B. Maple, L. P. Le, G. M. Luke, B. J. Sternlieb, Y. J. Uemura, J. H. Brewer, R. Kadono, R. F. Kiefl, S. R. Kreitzman and T. M. Riseman, Phys. Rev. B 42 (1990) 6801.
- [47] W. N. Hardy, D. A. Bonn, D. C. Morgan, Ruixing Liang and Kaun Zhang, Phys. Rev. Lett. **70** (1993) 3999.
- [48] J. E. Sonier, D. A. Bonn, J. H. Brewer, W. N. Hardy, R. F. Kiefl and Ruixing Liang, Phys. Rev. B 72 (2005) 146501.
- [49] Y. J. Uemura, V. J. Emery, A. R. Moodenbaugh, M. Suenaga, D. C. Jhonston, A. J. Jacobson, J. T. Lewandowski, J. H. Brewer, R. F. Kiefl, S. R. Kreitzman, G. M. Luke, T. Riseman, C. E. Stronach, W. J. Kossler, J. R. Kempton, X. H. Yu, D. Opie and H. E. Schone, Phys. Rev. B 38 (1988) 909.
- [50] H. Keller, W. Kündig, I. M. Savić, H. Simmler, B. Stäuble-Pümpin, M. Warden, D. Zech, P. Zimmermann, E. Kaldis, J. Karpinski, S. Rusiecki, J. H. Brewer, T. M. Riseman and J. W. Schneider, Physica C 185-189 (1991) 1089.
- [51] N. P. Armitage, F. Ronning, D. H. Lu, C. Kim, A. Damascelli, K. M. Shen, D. L. Feng, H. Eisaki, Z.-X. Shen, P. K. Mang, N. Kaneko, M. Greven, Y. Onose, Y. Taguchi and Y. Tokura, Phys. Rev. Lett. 88 (2002) 257001.
- [52] N. Kristoffel and P. Pubin, Physics Letter A **356** (2006) 242.
- [53] C. H. Wang, L. Huang, L. Wang, Y. Peng, X. G. Luo, Y. M. Xiong and X. H. Chen, Superconductor Science and Technology 17 (2004) 469.

- [54] G.-Q. Zheng, T. Sato, Y. Kitaoka, M. Fujita and Yamada, Phys. Rev. Lett. 90 (2003) 197005.
- [55] G. M. Luke, L. P. Le, B. J. Sternlieb, Y. J. Uemura, J. H. Brewer, R. Kadono, R. F. Kiefl, S. R. Kreitzman, T. M. Riseman, C. E. Stronach, N. R. Davis, S. Uchida, H. Takagi, Y. Hidaka, T. Murakami, J. Gopalakrishnan, A. W. Sleight, M. A. Subramanian, E. A. Early, J. T. Markert, M. B. Maple and C. L. Seaman, Phys. Rev. B 42 (1990) 7981.
- [56] B. Lake, H. M. Rønnow, N. B. Christensen, G. Aeppli, K. Lefmann, D. F. Mc-Morrow, P. Vorderwisch, P. Smeibidl, N. Mangkorntong, T. Sasagawa, M. Nohara, H.Takagi and T. E. Mason, Nature **415** (2002) 299.
- [57] A. T. Savic, A. Fukaya, I. M. Gat-Malureanu, T. Ito, P. L. Russo, Y. J. Uemura, C. R. Weibe, P. P. Kyriakou, G. J. MacDougall, M. T. Rovers, G. M. Luke, K. M. Kojima, M. Goto, S. Uchida, R. Kadono, K. Yamada, S. Tajima, T. Masui, H. Eisaki, N. Kaneko, M. Greven and G. D. Gu, Phys. Rev. Lett. **95** (2005) 157001.

## 謝辞

本論文は総合研究大学院大学高エネルギー加速器科学研究科兼高エネルギー加速器研 究機構(以下KEK)物質構造科学研究所ミュオン科学研究施設の門野良典教授の御指導 のもとにまとめることが出来ました.門野先生には固体物理学の基礎からミュオンを用 いた物性測定,解析手法,考察と全てに渡り懇切丁寧に御教示頂きました.本当にあり がとうございました.また本論文の内容についてご検討頂きました KEK 物質構造科学 研究所の那須奎一郎教授,澤博教授,小出常晴准教授,小野寛太准教授,門野良典教授, 東京大学物性科学研究所の瀧川仁教授に心から感謝の意を表します.

本研究は東京大学大学院新領域創成科学研究科の高木英典研究室との共同研究で行な い試料作成におきましては高木英典教授,笹川崇男助手(現東京工業大学応用セラミッ クス研究所准教授),高山知弘助教,卞舜生氏,平井大悟郎氏に試料作成用装置の使用法 から作成に至るまで御指導頂きました、特に卞舜生氏には昼夜を問わず実験に参加して 頂きましたことを感謝申し上げます.また京都大学化学研究所の高野幹夫教授(現同大 学特任教授),島川祐一教授,東正樹準教授,山田幾也氏(現パリ第六大学研究員),岡研 吾氏には高圧合成技術に関して非常に有用な助言を頂きましたことを御礼申し上げます。 カナダの TRIUMF 研究所での μSR 実験に御参加して頂き,実験結果について熱心に議 論して頂いた京都大学大学院理学研究科の石田憲二教授, KEK ミュオン科学研究施設で のRF-µSR 実験に御参加頂いた大阪大学大学院理学研究科の三原基嗣助教 両氏にも心よ リ感謝致します.μSR 測定を行なったカナダの TRIUMF 研究所では Syd Kreitzman 氏, Bassam Hitti 氏, Donald Arseneau 氏, Rahim Abasalti 氏には µSR 実験の際, 深夜遅 くにまでわたる実験装置のトラブル等に対処して頂き大変御世話になりました.門野グ ループである幸田章宏助教, 竹下聡史氏には研究に関する相談を常に快く聞いて頂き丁 寧に御指導頂きましたことを感謝申し上げます.平石雅俊君,宮崎正範君とも同グルー プのメンバーとして昼夜を共にし,つくばやバンクーバーでの楽しい研究生活を過ごせ たことを感謝致します.また学部四年次から今日に至るまで希有な測定手段である µSR 実験に参加させて頂く機会を与えて頂いた西山樟生教授 , 永嶺謙忠教授 (現 KEK 名誉教 授), 髭本亘助手(現日本原子力研究開発機構先端基礎研究センター研究員), 大石一城

氏(現 同研究センター博士研究員),池戸豊氏(現 豊田中央研究所研究員),今尾浩士氏 (現 理化学研究所学振特別研究員)やKEK物質構造科学研究所ミュオン科学研究施設の 皆様に心より御礼申し上げます.そして学部・修士課程時代にµSR 実験に携わるテーマ を与えて下さり研究生活の面白さを教えて頂いた東京理科大学大学院理工学研究科の新 井重一郎教授,後神達郎助手(現 TRIUMF 研究所研究員)に感謝致します.

最後に,長い学生生活を励まし続けてくれた友人そして家族に心より感謝致します.